

فعالية تدريس وحدة مقرحة في الهندسة المحايدة باستخدام خرائط الشكل "V" والتعليم التعاوني في خفض فلق البرهان الهندسي بالمرحلة الأعدادية

أعداد

دكتور / محمد عبد السميم حسن على
أستاذ المناهج وطرق التدريس المساعد
كلية التربية - جامعة الزقازيق

الطبعة الأولى

تغيرت الرياضيات وتطورت عبر العصور ، وفي العصر الحديث حدث تقدم مذهل في الرياضيات وفي تطبيقاتها في المجالات المعرفية المختلفة ، الأمر الذي يؤدي إلى ضرورة تقديم موضوعات رياضية أكثر حداثة من خلال الرياضيات المدرسية إلا أن ذلك لا يعنيتناول المعرفة الرياضية من آخر ما وصلت إليه لأن ذلك قد يؤدي إلى الوقوف ضد تعلمها وتعليمها.

كما حدث التجربة تطبيق الرياضيات الحديثة في كثير من الدول . وإنما يجب توضيح واظهار الانشقاقات والغجوات في المعرفة السابقة في المجال ، والتي أدت إلى التوصل للجديد فيه . وبالتالي فإن طبيعة الرياضيات تعد أحد المدخلات التي تؤثر على كافة مكونات منهاج الرياضيات .

فقد أشار "المقني" ^(١) إلى أن الفترة من القرن التاسع عشر وحتى وقتنا الحاضر تعتبر من أهم العوامل في تطور الرياضيات حيث أدت الاكتشافات الرياضية خلالها إلى التغير في بنائها وهذا قد أدى بدوره إلى تغير واضح في طبيعة الرياضيات لنوضح أكثر تجريداً في معالجتها وأكثر منطقية في تسلسلها وانشقاقاتها فعلى سبيل المثال كان من نتائج دراسة أنسس الهندسة الإقليدية ظهور الهندسات اللا إقليدية وكل منها بناء منطقي سليم كما ثبت هليرت .

كما يشير بکوش ^(٢) إلى أن هندسة الحياة اليومية ليست هي التي أوجبت أو استلزمت ما توصل إليه كلين أو هليرت في الهندسة . ومعنى ذلك أنه كان لابد لتعليم أي مجال معرفي (رياضيات - علوم الخ) أن يتلاءم مع الحقبة التي يعيش فيها فإنه يجب توضيح ما يعطى هذا التعلم المعنى وأى تعليم يبدو خالياً من المعنى إذا تم تناوله دون معرفة السابق له حتى ولو كان مخالفاً له أو متناقضنا معه .

وقد عرف قدماء المصريون بعض الخواص وال العلاقات بين الأشكال الهندسية كما يتضح من مخطوطات أوراق البردى التي ترجع إلى سنة ١٨٠٠ ق - م وقد كانت دراسة الهندسة في هذا الزمان منصبة في إيجاد مساحات الأرض و إيجاد أحجام الأشكال لاحتاجهم إلى بناء المعابد والأهرامات .

ويعتبر اليونانيون ^(٢) أول من وضع الهندسة في قالب منطقي وفي كتاب الأصول وضع أقليدس هندسته المعروفة بالهندسة الإقليدية (حوالي ٣٠٠ ق . م) ومن الصيغ التي بني على أساسها أقليدس نظامه منها ما يسمى بالتعريف ومنها ما يسمى بال المسلمات (البديهيات) وقد وضع أقليدس هندسته في خمسة مسلمات أساسية . الأربعية الأولى لم يحدث عليها أي خلاف بين الرياضيين أما المسلمة الخامسة (مسلمة التوازى) فقد أثارت الجدل والنقاش حتى بداية القرن الثامن عشر لأنه لا يمكننا التحقق عملياً من أن الخطين يتقاطعان . وذلك لو أنها رسمنا قطع مستقيمة (ليست خطوط) وقمنا بعدها رويداً رويداً لرؤيه تقابلهما أولاً ولكننا لا نستطيع مدتهم إلى الأبد . وقد بذلت محاولات كثيرة لبرهنة مسلمة التوازى لـ أقليدس ، ومنها محاولات العالم لجندر (١٧٥٢ - ١٨٣٢) الذي كان واحداً بين أعظم الرياضيين في ذلك الوقت .

وتأسياً على ذلك " فإن الخل في هندسة أقليدس دفع الكثيرون ومنهم دافيد هيلرت لتقديم نظام هندسي متكامل . إلا أنه لم يكن الأول من نوعه ولكن مسلماته ربما تكون أكثر البديهيات ويعتبر هيلرت من قادة الرياضيين في العالم خلال الرابع الأول من القرن العشرين ، حيث تبدأ في عام ١٩٠٠ بأعظم ثلاثة وعشرون مشكلة رياضية ، ولقد قسم هيلرت مسلماته إلى خمسة مجاميع : الواقع ، البنية ، التطابق ، الاتصال ، التوازى " ^(٤) .

كما قام جانوس بولياي ^(٥) (١٨٠٢ - ١٨٦٠) بإطلاق كلمة " الهندسة المطلقة " على مجموعة المسلمات : الواقع - البنية - التطابق - الاتصال - وما زالت هذه التسمية تستعمل على نطاق واسع حتى اليوم رغم أن هذه التسمية تعتبر مغيرة للواقع . تعتبر كلمة " الهندسة المحايدة " التي اقترحها كل من برنيوتر ، جورдан هي البديل لتسمية بولياي ولذا فإن نظريات الهندسة المحايدة هي التي تصلح أن تكون نظريات في الهندسة الإقليدية والهندسة اللا إقليدية ،

وقد اكتشف كل من كارل جاوس (١٧٧٧ - ١٨٥٥) في المانيا ، وجانوس بوليا (١٨٠٢ - ١٨٦٠) في المجر ، ونيكولاي لوبياتشفسكي (١٧٩٢ - ١٨٥٩) في روسيا الهندسة الابقليدية الزائدية هي الهندسة التي تتحقق فيها جميع مسلمات الهندسة المحايدة مع إضافة نفي مسلمة التوازى لهابرت والتي تسمى بالمسلمة الزائدية وتنص على أنه من نقطة ق ل يمكن على الأقل رسم خطين مختلفين موازيين للخط L ، وعلاوة على ذلك فإنه وجدت الهندسة الابقليدية الناقصية : وهي نظام هندسي فيه من نقطة خارج خط معلوم لا يمكن رسم أى خط يوازي الخط المعلوم ، وتوضيح تلك المسلمة يعتمد على أنه لو مثنا الخط بدائرة كمظهر على سطح كرة فإنه يتبع لنا عدم وجود خطوط متوازية .

وتتجدر الاشارة إلى أن " محتوى كتب الرياضيات الحالية والمقررة على تلاميذ المرحلة الإعدادية ، جاءت خالية من التدريبات الهندسية التي تجعل المتعلم يرسم بنفسه وتدعوه إلى استخدام الخيال التصور والتفكير المستقل والمستبدلي ، والتي ترتيب تفسير خطوات الحل التي تساعد على النقد الذاتي ، علاوة على عدم اهتمام بعض معلمى الرياضيات بكيفية تدريس الهندسة في تلك المرحلة وخاصة هندسة إقليدس التي تعتمد دراستها بالدرجة الأولى على الأساليب المتقدمة في التفكير الابداعي " (١)

دراسة الهندسة المحايدة تمثل أهمية قصوى وأساسية لتنمية التفكير المنطقي والأستدلالي لتلاميذ المرحلة الإعدادية بالإضافة إلى دراسة فروع أخرى من الرياضيات المتقدمة ، كالتحليل الدالى ، والهندسة الابقليدية ، والاسقاطية ، والكرية ، والتوبولوجى ، والتي لها تطبيقات مختلفة في مجال دراسة الديناميكا والإستاتيكا في المرحلة الثانوية ، وكذا أدراك العلاقة بين الهندسة الابقليدية والابقليديتو الأمس المنطقية لكل منها علاوة على فهم التطور الذي حدث في الهندسة وكيفية معالجة بعض القضايا الرياضية بالطرق الهندسية المختلفة .

ويؤكد ذلك " عبد العزيز " (٧) بقوله أن الأهمية الأولى من تدريس الهندسة النظرية تتجه نحو تجويد طريقة التفكير والتدريب على كيفية ربط الحقائق واستبيان النتائج واستبعاد أصول البرهان المنطقى وكيفية تطبيقه في الحياة ، أما ما يدرس من حقائق ونظريات فباتى في المرتبة الثانية .

كما يشير وليم عبيد^(٤) إلى أن إثبات صحة قضية ما يحتاج إلى خبرة وذراية ونظرية شمولية وتحليل لعناصر الموقف ثم إعادة تركيبه بعرونة وبقطعة عقلية ، كما يحتاج إلى التعرف على ما هو معطى وما هو مطلوب ، وتحليل المطلوب في ضوء المعطيات ، وفي ضوء الخواص والنظريات السابقة لهذه القضية في النظام الرياضي الذي تنتهي إليه وذلك حتى يمكن التلميذ من أن يرسم لنفسه خطة مناسبة وتتابعاً من التحركات يؤدي في النهاية إلى المطلوب .

وعلى جانب آخر توصى محبات أبو عميرة^(١) بالابتعاد عن البرهان العملي والقياس عند اعداد مناهج الهندسة للتلاميذ المرحلة الاعدادية ، ووضع ذلك في المرحلة الابتدائية ، وذلك لتعويد التلاميذ على أسلوب البرهان المنطقي ، بالإضافة إلى أن المعلم مسؤول عن اشارة دافعية التلاميذ لدراسة الهندسة بشكل مشوق في مناخ وبيئة تعلم مناسبة وكذا اعتبار الهندسة أساساً وجذور الرياضيات لأنها ترتكز على التعبير البصري الذي يخاطب العقل والعين .

وذكر "الملق"^(١٠) بعض الطرق التقليدية لتقديم الهندسة للتلاميذ والتي ترتكز على اعطاء القوانين والقواعد أو اللجوء إلى الحفظ والتلقين وهي طرق لاتتمشى مع نمو مفاهيم القياس عند بياجية وكثيرين غيره من التربويين سواء الأدراكيين منهم أو السلوكيين ، وعلى ذلك يجب أن نعتمد في تدريس الهندسة للتلاميذ على نمو نضجهم المنطقي ، وذلك عن طريق استغلال نشاطهم الذاتي وحركاتهم العزيزية مثل اعطائهم قطع مستقيمة ومكعبات ومستويات وكميات من السوائل والعيجين ومنهم فرصة اللعب بها ثم مناقشتهم حول المفهوم الذي نريد قياسه .

وارتبط تدريس الهندسة بالعديد من الاستراتيجيات التي حاول كثير من الباحثين تعرف أثرها على العديد من المتغيرات المرتبطة بأهداف تدريسها ، ولعل أبرز الاستراتيجيات التي تتفق مع هذا المجال استراتيجية خرانت الشكل "V" لما لها من أهمية بالغة في ابراز الحقائق والمفاهيم والقواعد الهندسية . والتي يمكن أن يتعامل معها التلاميذ في المواقف التعليمية أما فرادى أو من خلال مجموعات ، كما يبرز في هذا الشأن التعلم التعاونى الذى يستند فى صميمه على المشاركة الجماعية من قبل التلاميذ بتوجيهه وإشراف من المعلم .

فقد تبني " نوفاك " ^(١١) وجموعة من طلابه مشروعًا أطلقوا عليه مشروع " تعلم كيفية التعليم " Learning How to Learn وقد اشتغل هذا المشروع على استراتيجيتين للتعلم تساعدان على التعلم ذي المعنى أولهما رسم خرائط المفاهيم Gowin's Mapping وثانيهما رسم خرائط الشكل " V " لجوين Concept Mapping .

ويشير " جوين " Gowin ^(١٢) إلى أن خريطة الشكل " V " عبارة عن إداه تم ابتكارها لتساعد كل من المعلمين وال المتعلمين على فهم بنية المعرفة والطرق التي يتم من خلالها انتاج (بناء) هذه المعرفة .

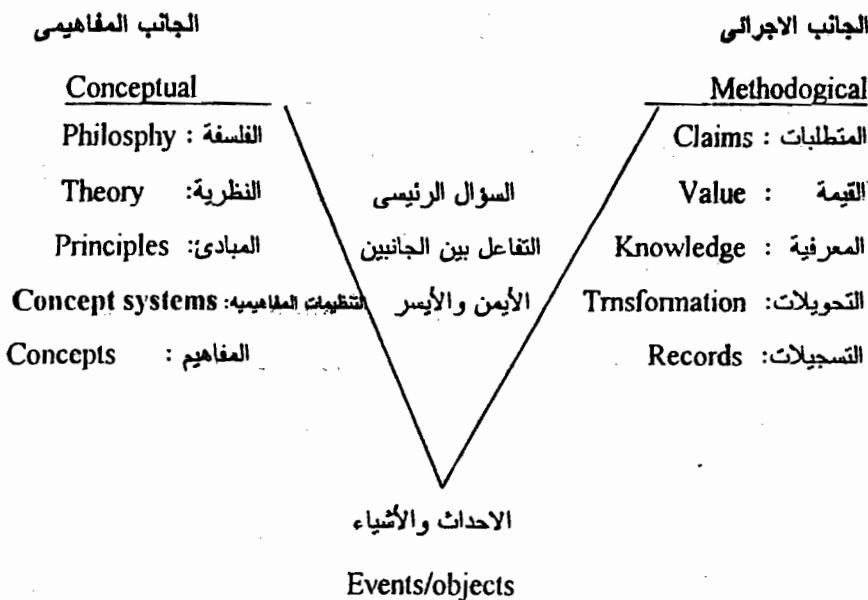
كما أن " خريطة الشكل " V " تساعد المتعلمين على ترتيب أفكارهم وتساعدهم على التعبير عن أنفسهم بطريقة أفضل لأنها تساعدهم على فهم ما يقومون بعمله ، وهي تتطلب من التلاميذ أن يعيدوا ترتيب المعلومات الجديدة باستخدام المعلومات التي سبق لهم تعلمها من قبل ، كما أنها تربط بين التفكير النظري (المفاهيمي) والعناصر الإجرائية (العملي) تجعل التلاميذ يلاحظون هذا التفاعل بين التفكير والعمل في أي مجال يسعى فيه الإنسان لإبتكار معلومات أو معرفة جديدة ^(١٣) .

ويرى " نوفاك " Novak " وجوين " Gowin ^(١٤) أن خريطة الشكل " V " قد حققت نجاحاً في عملية التعلم من أجل الدراسة العملية ، وقد ركزت نظرية المعرفة Epistemology على التكامل بين المفاهيم والمبادئ والنظريات التي يتم تناولها للاحظة الأحداث Events والأشياء Objects ومتطلبات البنية المعرفية ، فهي تقدم للمتعلم هيكلًا مفاهيميًا لما سبق تعلمه ، وتعمل كجسر للمعلومات الجديدة ولذا فهي تساعد المتعلم على فهم طبيعة المعرفة وكيفية تعميتها .

وقد أوضح " نوفاك " و " جوين " مكونات ^(١٥) خريطة الشكل " V " فيما يلى :

الجانب اليسرى : ... ويعرف بالجانب المفاهيم Conceptual Side ويشتمل على المفاهيم والمبادئ والنظريات .

الجانب الأيمن : ويعرف بالجانب الإجرائي أو المتطلبات المنهجية Records والذى يشمل على التسجيلات Methodological Side. وتحولاتها Transformation والمتطلبات المعرفية Knowledge claims والمتطلبات القيمية Value Claims ويوجد فى بورة الشكل "V" الأحداث والأشياء ويحدث تفاعل بين الجانبين الأيمن والأيسر للخريطة من خلال السؤال الرئيسى Focus Question الذى يقع فى قمة الخريطة "V" بين الجانبين الإجرائى - والمفاهيمى مع العلم بأن المكونات السابقة تمثل العناصر الأساسية فى نظرية المعرفة Epistemology طبقاً لترتيبها فى خريطة الشكل "V".



شكل (١) المكونات المختلفة لبناء خريطة الشكل "V" ويعتبر الجانب الأيسر لخريطة الشكل "V" بمثابة النقطة الأساسية فى الخريطة حيث أننا دائماً نحدد التسجيلات ونسعى بالطرق المطورة فى تسجيل التحويلات وكل عنصر من عناصر خريطة الشكل "V" مرتبط مع العناصر الأخرى المكونة لخريطة "V".

وقد حدد جوين ، ونوقاك المتطلبات الرئيسية لخريطة الشكل "V" وتمثلت في سؤال الدرس ، الأحداث والأشياء التي يتم ملاحظتها وإدراك المفاهيم والنظريات المناسبة ، وتسجيل البيانات وتحويل التسجيلات والمتطلبات المعرفية والقيمية .

ويتم تقديم خريطة الشكل "V" طبقاً للخطوات التالية :

- البدء بالمفاهيم والأشياء والأحداث حيث يقوم المعلم بعرض المفاهيم والأحداث والأشياء التي يتضمنها موضوع الدرس .
- تقدم فكرة التسجيلات والأسئلة الرئيسية .
- تقديم فكرة تحويل التسجيلات والمتطلبات المعرفية .
- تقديم المبادئ والنظريات .
- تقديم المتطلبات القيمية .

ويتم استخدام خريطة الشكل "V" لجوين (١١) كأداة منهجية فعالة Curtecioatool أنها تتضمن الأجراءات الخاصة بعمليات التسجيل والتحويل للمعلومات من ناحية وكذا المتطلبات المعرفية من ناحية أخرى ، بالإضافة إلى استخدامها كأداة تعليمية لأنها وسيلة مفيدة لتحليل المصادر الأولية للمعلومات حتى نصل إلى تخطيط تعليمي مناسب ومفيد ، وكذا استخدامها كأداة تقويم معيارية حيث أنها توسيع الدرس الجيد أو الإجابات الجيدة وتقودنا إلى الأحداث والأشياء التي يتم التركيز عليها ، وتوضح لنا أيضاً كيف أن العناصر الأخرى للخريطة "V" منكاملة لإدراك الملاحظات المتعلقة بذلك الأشياء والأحداث .

وبالتالي فإن استخدام استراتيجية خرائط الشكل "V" في تدريس الرياضيات بصفة عامة ، والهندسة المحايدة بصفة خاصة يعطى التلاميذ فرصة للربط ما بين المعلومات الهندسية الجديدة ، والمفاهيم الهندسية التي سبق تعلمها ، وذلك عن طريق الأحداث ، والأشياء مما يساعد على فهم التلاميذ لطبيعة المفاهيم والمبادئ والنظريات الهندسية ، وكيفية تطبيقها .

علاوة على تفهم التلاميذ للأسباب وراء الكثير من الاجرائيات وطرق وأساليب البرهان على التمارين الهندسية كما أنها تسمح للتلاميذ بأن يتذوق ويقدر المفاهيم وال العلاقات

الهندسية في تنمية التفكير الابداعي الذي هو أساس الرياضيات، والتغلب على المشكلات البيئية المتضمنة نواحي هندسية مختلفة .

ومن المستحدثات التربوية الحديثة في مجال تدريس الرياضيات استخدام التعليم التعاوني ، لماله من فعالية في تحسين مهارات التلاميذ الرياضية ومفاهيم الذاتية الاجتماعية . وكذا تمكنهم من المعنى الطبيعي للمفاهيم الرياضية واعطاء معنى ومدلول للتمثيل الشكلي والرمزي للعلاقة الرياضية .

فالتدريس باستخدام "استراتيجية التعلم التعاوني" تزيد من فعالية التعلم لدى التلاميذ حيث أنه نموذج تدريس يتطلب من التلاميذ العمل مع بعضهم البعض ، والحوار فيما بينهم مما يتعلق بالمادة الدراسية وأن يعلم بعضهم بعضاً ، وفي أثناء هذا التفاعل تنمو لديهم مهارات شخصية وإجتماعية .^(١٧)

فقد أشار "ارتزت" ^(١٨) Artszt إلى أن التعلم التعاوني هو أحد أساليب التعلم التي تتطلب من التلاميذ العمل في مجموعات صغيرة لحل مشكلة ما أو لاملاك عمل معين أو تحقيق هدف ما ويشعر كل فرد من أفراد المجموعة بمسؤولية نحو مجموعة فوجاها أو فشله هو ناجح أو فشل لمجموعته ، لذا يسعى كل فرد من أفراد المجموعة لمساعدة زميله ، وبذا تشيع روح التعاون بينهما .

١

ولقد تناول غير باحث مثل فرييس وسلامين Devries & slavain 1978) وسلامين (Slavain, 1985) وجيميسو (Jigsaw, 1983) وسلامين (Slavain, 1980) التعلم التعاوني بأساليب مختلفة للتعاون بين الطلاب رغم اتفاقهم حول المفهوم الشامل للتعلم التعاوني ^(١٩) .

وقد حدد "قطاعي" ^(٢٠) دور كل من المعلم والتلميذ في ظل استراتيجية التعلم التعاوني ، حيث يقوم المعلم بإعداد بيئة التعلم والمواد الازمة التي تستخد وتقسيم تلاميذ الصف وفق جماعات متعاونة ووفق مهام تم تحديدها من قبل ، وتزويد التلاميذ بمشكلات أو مواقف ، ومساعدتهم على تحديد المشكلة ، ومتتابعة إجراءات احداث التعلم / التعلم داخل كل مجموعة وفي ضوء المهام المحددة لكل تلميذ في المجموعة وعلى التلميذ تنظيم الخبره

وتحديدها وصياغتها وجمع المعلومات والبيانات وتنظيمها ، تشيط الخبرات السابقة وربطها بالخبرات والواقف الجديدة ، والتفاعل في إطار العمل الجماعي التعاوني ، وممارسة الاستقصاء الذهني الفردي والجماعي وبذل الجهد ومساعدة الآخرين والاسهام بوجهات نظر تنشط الموقف التعليمي .

ويبدو أن عدم وضوح العلاقة بين دراسة التعميد للمفاهيم وال العلاقات الهندسية ، والقدرة على اتباع أسلوب البرهان على صدقها من عدمه ، وبين تطبيقاتها في مجالات الحياة العملية ، جعلت الهندسة عديمة المعنى بالنسبة للمتعلمين ، وانعكس ذلك على تخوفهم منها وكراهيتهم لها ، وبخاصة أنها تتطلب الحفظ والاستظهار على عكس طبيعة الهندسة الذي تعد أداء للتفكير ، فقد تضمن المحتوى الهندسي العديد من المفاهيم وال العلاقات الهندسية المتدخلة ، وأساليب البرهان المختلفة ، وأن دور المتعلم هو اختيار أسلوب الأساليب للبرهان الهندسي ، وإدراك العلاقة بين المسلمات والمفاهيم والنظريات الهندسية ومدى تداخلها و اختيار منها ما يتلاءم وطبيعة أسلوب البرهان المستخدم وترتيبها وتنظيمها ، الأمر الذي انعكس أثره على شعور المتعلم بقلق الهندسة أو بقلق البرهان الهندسي .

وفي هذا الصدد يشير " برش " (Bruch, 1981) إلى أن السبب الرئيسي في قلق التحصل في الرياضيات هو المعلم وسلوكه وتصرفاً وطريقة تدریسه وشخصيته ، وكذا طبيعة الرياضيات ، وخاصة الهندسة بما تقسم به من تجريد ، واحساس التلاميذ بعدم فائدتها في حياتهم ، واحساسهم بصعوبة تعلمها وبناء عليه فإن طبيعة الهندسة التجريدية ، واتباع طرق تدريس نمطية ، وأساليب البرهان على صحة قضائياها ، وما تقسم به من مسلمات ونظريات تعتمد على قدرة المتعلم على إدراك العلاقات بينهما لاختيار أسلوب الحقائق والمفاهيم وال المسلمات للوصول إلى النتائج من المقدمات التي تسبقها . ولعل في ذلك ما يؤدي إلى قلق التلاميذ من البرهان الهندسي .

وبالتالي فإنه يجب على معلم الرياضيات استخدام إستراتيجيات لتدريس المفاهيم الهندسية تتفق وطبيعة تلك المفاهيم وال العلاقات الهندسية ، ويزيل المعنى الطبيعي لتلك المفاهيم وال العلاقات وكيفية الربط بينهما في ضوء استخدام أسلوب برهان معين مختار متلاءم مع طبيعة

حل المشكلة الهندسية . ولذلك لتقليل قلق البرهان الهندسي، والتي تؤثر تأثيراً مباشر على التحصيل للمفاهيم وال العلاقات الهندسية .

ومن هنا تم اختيار خرائط الشكل "V" والتعلم التعاوني كاستراتيجيتين يمكن خلالهما التغلب على قلق البرهان الهندسي لوحدة الهندسة المحايدة المقترحة بما يجعل عملية التعلم ذات معنى بالنسبة للمتعلم .

مشكلة البحث

لاحظ الباحث من خلال قرائته في الاتجاهات العالمية المعاصرة لتدريس الرياضيات بصفة عامة ، والتي أهتمت بصورة خاصة بمهارات البرهان الهندسي وأساليبه في مجال الهندسة الإقليدية واللاإقليدية ، ويربط ذلك بما يدرس من الجوانب الهندسية في مراحل التعليم المختلفة ،

وجد أنه يتم تدريس مفاهيم وعلاقات الهندسة الإقليدية دون الاشارة إلى مفاهيم وعلاقات الهندسة اللاإقليمية وعلاقتها بها وهل لها أساس رياضي مشترك أم لا . ولذا دعت الحاجة إلى البحث عن هذا الأساس المشترك بينهما في صورة وحدة مقترحة للهندسة المحايدة بحيث يتم تدريسهها للتلاميذ لتدعم تدريس الهندسة الإقليدية وتهيئتهم لدراسة الهندسة اللاإقليمية ، وكذا بالأطلاع وفحص أوراق الإجابة للتلاميذ في مادة الرياضيات بالمرحلة الإعدادية والتي تشتمل على جوانب هندسية . وجذ أخطاء في التمييز بين الأشكال المجمعة المختلفة ، والتمييز بين الأشكال المستوية ، وكذا في بعض المفاهيم الهندسية ، وإستخدام الأدوات الهندسية ، ورسم أشكال هندسية بشروط معينة ، وبمناقشة معلمى الرياضيات بالمرحلة الإعدادية في أسباب تلك الأخطاء ، والصعوبات التي تواجه التلاميذ أثناء حلهم للتعارين الهندسية ، والأساليب والطرق المستخدمة لتعلم الهندسة ، أشار بعضهم إلى أن طرق وأساليب التدريس المتبعه لتنتفق وطبيعة المفاهيم و العلاقات الهندسية ذات الطبيعة التجريبية ، بينما أشار البعض الآخر إلى عدم فهم الأسس التي بنى عليها الهندسة من مفاهيم غير معرفة ، ومسلمات ومفاهيم معرفة ونظريات ، علارة على أن عدم القدرة على إدراك العلاقة بينهما وترتيبها وتنظيمها وإختبار من بينهما ما يتلاءم وطبيعة حل المشكلة الهندسية ، وكذا عدم ادراكهم للأسباب التي دعت إلى

وجود الهندسية الالإقليمية ، والنقد الذى وجه إلى مسلمة إقلیدس للتوازى ، مما أثر فى الشعور بالخوف والقلق من البرهان الهندسى ، وكذا أثر على تحصيابهم للمفاهيم والعلاقات الهندسية .

وبالتالى تحددت مشكلة الدراسة الحالية بدراسة فعالية تدريس وحدة مفترحة فى الهندسة المحايدة بإستخدام خرائط الشكل "V" والتعلم التعاونى فى خفض قلق البرهان الهندسى لتلاميذ الصف الثانى الإعدادى .

أسلألة البحث

تحددت مشكلة الدراسة الحالية فى الإجابة على الأسئلة التالية :

- (١) ما صورة وحدة مفترحة فى الهندسة المحايدة معدة بإستراتيجيتين خرائط الشكل "V" والتعلم التعاونى لتدريس المفاهيم والعلاقات الهندسية الواردة بها لدى تلاميذ الصف الثانى الإعدادى ؟
- (٢) ما فعالية تدريس الوحدة المفترحة فى الهندسة المحايدة بإستخدام استراتيجية خرائط الشكل "V" والتعلم التعاونى لتلاميذ الصف الثانى الإعدادى فى تحصيل المفاهيم العلاقات الهندسية بالوحدة المفترحة ؟
- (٣) ما فعالية تدريس الوحدة المفترحة فى الهندسة المحايدة بإستخدام استراتيجية خرائط الشكل "V" والتعلم التعاونى لتلاميذ الصف الثانى الإعدادى فى خفض قلق البرهان الهندسى ؟
- (٤) ما العلاقة بين قلق البرهان الهندسى ، وتحصيل المفاهيم والعلاقات الهندسية بالوحدة المفترحة لدى تلاميذ الصف الثانى الإعدادى ؟

أهمية البحث :

تمثل أهمية البحث الحالى فى الجوانب التالية :

(١) تقديم وحدة مقتربة فى الهندسة المحايدة تجمع بين الهندسة الإقليدية

واللائقيدية ، وفي ضوء استراتيجيبيتى خرائط الشكل "V" والتعلم التعاونى .

تقيد المعلمين القائمين بتدريس هذه المادة فى التعرف على العلاقة بين فروع الهندسة من جهة وفروع الرياضيات من جهة أخرى وأدراك العلاقة بينهما وكيفية تطور الهندسة الإقليدية ، وكذا أساليب معالجة قضایاها المختلفة ، بالإضافة إلى التعرف على طريقة المسلمات ونظرية المجموعات فى معالجة القضایا الهندسية ، علاوة على توجيهه اهتمام القائمين على بناء مناهج الرياضيات بالمرحلة الإعدادية بإدخال وحدات فى الهندسة اللائقيدية لتنمية مهارات البرهان لتلاميذ تلك المرحلة والإقلال من الاعتماد على القياس فى البرهنه على صحة العلاقات الهندسية .

(٢) بناء وحدة فى الهندسة المحايدة باستخدام استراتيجيبيتى خرائط الشكل "V"

والتعلم التعاونى يكون نموذجاً لبناء وحدات هندسية فى رياضيات المرحلة

الإعدادية باستخدام استراتيجيات تدريسية أخرى تتمشى مع النطور العلمي فى

مضمار التدريس ، علاوة على إفادتها فى تخفيف قلق البرهان الهندسى ،

وتحسين مستوى التحصيل للمفاهيم^١ والعلاقات الهندسية .

(٣) إرشاد القائمين على توجية الرياضيات بصفة عامة والهندسة بصفة خاصة إلى

أساليب واستراتيجيات غير نمطية فى تدريس الهندسة بما يعين على تطوير

أداء المعلم فى البرهان الهندسى وفهم المعنى资料ى الطبيعى للمفاهيم وال العلاقات

الهندسية سواء أكانت إقليدية أو لائقيدية وبعد عن التسليمات الخاطئة

للمفاهيم وال العلاقات الهندسية من خلال التعرف على البناء المنطقى للهندسة

حيث يبدأ بالمفاهيم الغير معرفة فالمسلمات بالمفاهيم المعرفة فالنظريات

فالبرهان الرياضى فالنتائج والتطبيقات ، بالإضافة إلى التعرف على أن صدق

العلاقات الهندسية منسوب للنظام الهندسى باعتبار المسلمات التى بني عليها النظام ، وكذا التدريب المستمر على بناء المواقف التعليمية باستخدام خرائط الشكل "V" والتعلم التعاونى تؤدى إلى ليضاح المعنى الفيزيقى للمفاهيم وال العلاقات الهندسية .

(٤) قد يفيد توجيه اهتمام القائمين على العملية التعليمية بطرق البرهان الهندسى ، وكيفية قياسة والحد منه ، من خلال بناء وحدة مفترحة فى الهندسة المحايدة باستخدام استراتيجياتى خرائط الشكل "V" والتعلم التعاونى ، وذلك لمواجهة صعوبات تعلم الهندسة وكذا توجيه اهتمامهم بضرورة إدخال الهندسة المحايدة فى مناهج الرياضيات بالمرحلة الإعدادية .

(٥) قد يفيد فى توجيه الاهتمام بإعادة النظر فى منهج الرياضيات وخاصة الهندسة فى المرحلة الإعدادية ليناسب طبيعة النمو بتلك المرحلة ، وذلك من خلال إيجاد علاقة بين تحصيل المفاهيم و العلاقات بالهندسة المحايدة وقلق البرهان الهندسى .

حدود البحث :

يتعدد البحث بالمحددات التالية :

(١) الاقتصار على عينة من تلاميذ الصف الثاني الإعدادى بمدينة فاقوس . ونظراً لأن التلاميذ فى هذا الصف يكونوا قد درسوا مفاهيم و العلاقات الهندسة الأقلidية ، وبالتالي فإنه عند تدريس وحدة الهندسة المحايدة المقترحة ، فهى تتبع لهم مسلمة التوازى لاقليدس والنقد الذى وجه لها ، ومحاولات البرهان عليها . وبذلك تعدم دراسة الهندسة الـ(aclid) فى المراحل التعليمية التالية ، لأن الهندسة المحايدة هى الهندسة المشتركة بين الهندسة الأقلidية والأقلidية .

بناء وحدة الهندسة المحايدة المقترحة يبْسَطُ خرائط الشكل "V" والتعلم التعاوني ، وذلك لما لها من أهمية في دراسة الالgebraية والاستبدال والتراكيب الرياضية ، والتَّوْبِولُوجِي ، بالإضافة إلى أنها عنصر أساس في معالجة التطبيقات الرياضية في مجالات العلوم الأخرى كفالك والأرصاد الجوية والأقمار الصناعية ، علاوة على أعطاء التفسيرات والتحليلات لبعض الظواهر الكونية .

(٢) بناء مقياس في فلق البرهان الهندسي ، وكذا بناء اختبار تحصيلي للمفاهيم والعلاقات بوحدة الهندسة المحايدة المقترحة .

منهج البحث :

يستخدم المنهج الوصفي عند بناء الوحدة المقترحة للهندسة المحايدة ، وتحديد المفاهيم والعلاقات الواردة بها ، وعند بناء استراتيجية خرائط الشكل "V" والتعلم التعاوني لوحدة الهندسة المحايدة والمنهج التجريبي الذي يتبع من الإجراءات التجريبية للبحث .

مصطلحات البحث :

خريطة الشكل "Vee Mapping"

تعرف في تلك الدراسة (١٢) على أنها أداة تعليمية توضح التفاعل القائم بين البناء المفاهيمي لوحدة الهندسة المحايدة المقترحة (الجانب اليسرى) ، والبناء الاجرائي له (الجانب اليمين) وتوجد الأحداث والأشياء في بورة الشكل "V" .

التعلم التعاوني .

في تلك الدراسة يقصد به (١٣) مجموعة الإجراءات والتحركات المخطط لها جيداً والتي يلتزم بها معلم الرياضيات أثناء تقديم دروس وحدة الهندسة المحايدة المقترحة في حصص متتالية لتلاميذ الصف الثاني الإعدادي ، بحيث يعملوا سوية ويتفاعلوا فيما بينهم في

حدود الأدوار المحددة لكل تلميذ في المجموعة تحت إشراف، وتوجيه المعلم ، ويعلم بعضهم البعض متحملاً مسؤولية تعلمهم وتعلم زملائهم وصولاً إلى تحقيق أهداف الوحدة .

قلق البرهان الهندسي . Geometrical proof Anxiety

يعرف في البحث الحالي على أنه^(٤) شعور المتعلم بحالة من الضيق . والتوتر تجاه موقف أو عدة مواقف تتضمن برهان هندسي ، ومحاولة التهرب من تلك المواقف ، واحساسه بالخوف من الفشل في اختبارات الهندسة ، ويقاس قلق البرهان الهندسي في البحث الحالي بالدرجة التي يحصل عليها التلميذ في مقاييس البرهان الهندسي الذي أعده الباحث .

الدراسات السابقة :

تميزت الدراسات السابقة بالتنوع فيما يتعلق باستخدام التعلم التعاوني وخرائط الشكل "V" في مجالات دراسية مختلفة كالاجتماعيات والعلوم ، وبالرغم فهناك نقص واضح فيما يتعلق بإستخدامها في مجال الرياضيات بصفة عامة والهندسة بصفة خاصة التي لها من التجريد والشمول ومنطقية التفكير في البرهان الرياضي ، والقدرة على إدراك العلاقات بين المفاهيم الغزيرة في مجال الهندسة مما يجعل التعلم التعاوني وخرائط الشكل "V" ذو فائدة في تربيتها وبالأخص في مجال تحصيل المفاهيم وال العلاقات الهندسية وخفض قلق البرهان الهندسي ، لذا فإن ما يعرض من دراسات وأن كان في غير مجال تدريس الرياضيات ، الا أنه سيفيد البحث الحالي في وضع العديد من المؤشرات الكمية والكيفية للتعلم التعاوني وخرائط الشكل "V" في تدريس وحدة الهندسة المحايدة المقترحة وفعاليتها في خفض قلق البرهان الهندسي .

أولاً: دراسات اهتمت بالتعلم التعاوني وخرائط الشكل "V" أهتم غير باحث في هذا المحور ببيان تأثير استخدام التعلم التعاوني وخرائط "V" في العديد من المخرجات العلمية . فقد قام تايلور (١٩٨٥) بدراسة للكشف عن تأثير استخدام خرائط المفاهيم وخرائط الشكل "V" على تغيير معنى الخبرة المعملية عند الطلاب البيولوجي أثناء دورة دراسية ، بجامعة كورنيل وتوصل إلى فاعلية خرائط المفاهيم وخرائط

الشكل "V" في اكتساب المعرفة عن البيولوجي ، كما أشار إلى أنها أدت إلى إحداث التعلم ذي المعنى الذي يؤدي لتغيير معنى الخبره المعملية كما استهدفت دراسة ليتمان^(١) وأخرون (١٩٨٥) يبحث أثر استخدام خرائط الشكل "V" على التحصيل الدراسي لمادة البيولوجي بالصف التاسع بالمقارنة بأسلوب التلخيصي Outlining الشائع وأشار إلى عدم وجود فروق دله بين مجموعات الدراسة وارجع ذلك إلى تشابه أسلوب التلخيص وخرائط الشكل "V". وعدم اعتقاد الطلاب والمعلمين على استخدام الخرائط بالمقارنة بأسلوب التلخيصي ، بينما توصلت فاطمة رزق^(٢) (١٩٨٨) إلى وجود فروق دله إحصائياً بين تحصيل أفراد المجموعة التجريبية الذين درسوا باستخدام خرائط الشكل "V" وأفراد المجموعة الضابطة الذين درسوا بالطريقة المعتادة وذلك لصالح المجموعة التجريبية ، وقد أظهر أبو جلالة^(٣) (١٩٩١) تفوق طلاب الصف الأول الثانوي بدولة قطر ، والذين درسوا باستخدام خرائط الشكل "V" على قرائهم من طلاب الضابطة الذين درسوا بالطريقة المعتادة في التحصيل وأكتساب مهارات عمليات العلم وعلى جانب آخر توصل سويبو^(٤) (١٩٩١) في دراسة للكشف عن تأثير أشكال التعلم (التعاوني ، والتعاوني التنافسي ، والفردي) بالاتدماج مع استخدام خرائط المفاهيم وخرائط الشكل على أداء التلاميذ في المرحلة الثانوية فيما يتعلق بعلم الوراثه ، إلى تفوق الطلاب الذين درسوا باستخدام خرائط المفاهيم وخرائط الشكل "V" كما أشار نيجانجارد^(٥) (١٩٩٢) في دراسته إلى أن استخدام استراتيجية التعلم التعاوني يساعد على زيادة تحصيل تلاميذ الصفوف من الرابع إلى الثامن في الرياضيات كما أدى إلى تغير ذي معنى في الاتجاهات نحو الرياضيات وذلك مقارنه ب استراتيجية المحاضرة ، المناقشة أما مدحية حسن^(٦) (١٩٩٣) فقط أثبتت فاعلية استخدام استراتيجية التعلم التعاوني في زيادة تحصيل تلاميذ الصف الرابع الابتدائي على مختلف المستويات التحصيلية للتلاميذ (متყو ، متوسط ، ضعيف) ، كما أثبتت ان التلاميذ اللذين حققوا أكبر استفادة من استخدام هذه الاستراتيجية هم التلاميذ الضعاف بينهم المتوسطين بليهم المتوفين ، أسفرت دراسة نوح^(٧) (١٩٩٣) عن وجود فروق دالة في تحصيل تلاميذ الصف الثاني الاعدادي الذين درسوا بالتعلم التعاوني على قرائهم الذين درسوا بالطريقة المعتادة أو ذلك بالنسبة للمهارات الجبرية على جانب آخر فقط

أثبتت دينور (٢٣) (١٩٩٣) فعالية استخدام خريطة الشكل "V" في تدريس الفيزياء لطلاب المرحلة الثانوية على التحصيل وأكتساب بعض عمليات العلم . وأكملت دراسة المهدى سالم (٢٤) (١٩٩٣) تفروق مجموعة التعلم التعاوني على مجموعة التعلم التقليدي في التحصيل الأكاديمي وتعلم التغير المفاهيمي في العلوم لطلاب الصف الثامن الأساسي ، كما دلالة نتائج الدراسة التي أجرتها أو زينه وخطاب (٢٥) (١٩٩٥) على وجود فروق دالة أحصائيًا لصالح المجموعة التجريبية التي درست رياضيات الصف الثاني الاعدادي بإستخدام التعلم التعاوني مقارنة بالمجموعة الضابطة التي درست بالطريقة المعتادة بينما لم تظهر فروق دالة بينهما في الاتجاه نحو الرياضيات .

يبين من درسات هذا المحور أنها قد تميزت في اهتمامات الباحثين حول إستخدام خرائط الشكل "V" و التعلم التعاوني ، فقط أكدت بعض الدراسات على فعالية إستخدام خرائط الشكل "V" والتعلم التعاوني على التحصيل مثل دراسة فاطمة رزق (١٩٨٨) ، سويجر (١٩٩١) نيجانجارد (١٩٩٢) مدحية حسن (١٩٩٣) المهدى سالم (١٩٩٤) أو زينه وخطاب (١٩٩٥) وأكد البعض على فاعليتها في نوع (١٩٩٣) تغيير معنى الخبرة المعملية وأكتساب مهارات عمليات العلم مثل دراسة تايلور (١٩٨٥) أبو جلة (١٩٩١) نيجانجارد (١٩٩٢) وتغيير معنى الاتجاهات نحو الرياضيات دينور (١٩٩٣) .

وتجدر الاشارة هنا إلى وجود العديد من أوجه التشابه والاختلاف بين الدراسة الحالية ومجموعة الدراسات السابقة ، تتفق الدراسة الحالية معها في إستخدام خرائط الشكل "V" و التعلم التعاوني وفي بعض المتغيرات كالتحصيل إلا أنها تختلف عنها في متغير وهو قلق البرهان الهندسي ، وفي طبيعة المادة المتنقلة وهي المحايدة في البحث الحالى ، وأعداد مقاييس فى قلق البرهان الهندسى ، وفي تحديد العلاقة بين قلق البرهان الهندسى فى الهندسة المحايدة ، وتحصيل المفاهيم والعلاقات الهندسية بها ، مع تدريب التلاميذ على تشيد خرائط الشكل "V" وعرضها أمام زملائهم فى موقع تدريب يرتبط بحاجة الدراسة ، كما أن الدراسة الحالية أهتمت بإستخدام خرائط "V" و التعلم التعاوني فى الهندسة استراتيجيًّا وهذا من الاتجاهات الحديثة فى تعلم المفاهيم والعلاقات الرياضية .

وقد أفادت الدراسات السابقة البحث الحالى فى تعرف الخطوات التى تتبع عند تشيد خرائط الشكل "V" ، وكيفية تدريب التلاميذ على إنتاجها والفتره الزمنية المناسبة لذلك ، بالإضافة إلى خطوات الإعداد للتعلم التعاونى وكيفية تقيمه للمتعلم بشكل ييسر عملية التعلم ، وكذا أعطاء بعض المؤشرات عن فعالية مدين الاستراتيجيتين على بعض المتغيرات البحثية كالتحصيل بما يفيد فى وضع فروض البحث .

ثانياً: دراسات أهتمت بخوض قلق التحصيل فى المواد الدراسية تبأنت دراسات هذا المحور من حيث الاهتمامات ، فبحث بعضها فى الأسباب التى من شأنها زيادة قلق التحصيل ، ومن هذه الدراسات دراسة أروين ج ساراسون (٣١) irwin G.sarason (١٩٦١) ريتشارد سون ولوفولك (٣٢) Richardson Lwoofolk (١٩٨٠) وفراي (٣٣) Frye (١٩٨٣) وبيرد (٣٤) Byrd (١٩٨٢) لينج (٤٠) Ling وقد اوضحوا أن طبيعة المادة من حيث الضبط والمنطق الرياضى والعوامل التى ترتبط بشخصية الفرد وميوله ورغباته وبالمواصف الدراسية والصف الدراسي وظروف كل ذلك من العوامل التى تؤثر على زيادة قلق التحصيل ، وبينت دراسة لينج عدم وجود تأثير دال على الفلسفة فى الرياضيات ، وقد بين شوحيز وأخرين (١١) shaughnessy et al (١٩٨٣) أن المعلم وتحقية دراسة الطلاب للرياضيات من أهم العوامل المؤثرة على اتجاهات الطلاب نحو الرياضيات ، وقد أهتم كلوت (٤١) Clot (١٩٨٤) ببحث أثر كل من قلق التحصيل فى الرياضيات وطريقة التدريس (الإلقاء - الاكتشاف) وأظهرت دراسة تحقق الطالب ذوى القلق المنخفض فى التحصيل عن ذوى القلق العالى ، وأسفرت نتائج دراسة شكري سيد احمد (٤٢) عن وجود فروق دالة بين مستوى القلق وكلا من التحصيل الرياضيات والاتجاهات نحو الرياضيات ، وكانت الفروق غير دالة بين مستوى القلق وكلا من الجنس ونوع التخصص وعلى جانب آخر أهتمت دراسة ويغليوميس (٤٣) wigfield, A. meccel (١٩٨٨) بالقلق الرياضى وعلاقته بالإتجاه نحو الرياضيات والإداء فى الرياضيات وقد طبق مقياس القلق الرياضى ومقاييس تجاه الطالب نحو الرياضيات كأدوات للدراسة وأضحت النتائج وجود ارتباط عالى وسالب بين القلق الرياضى وابراك القدرة الرياضية ، كما وجد تأثير سالب للقلق الرياضى على الأداء فى الرياضيات والاتجاه نحو مادة الرياضيات ، وقد تمكן مخلوف (٤٥) (١٩٩٠) فى دراسته التى أجراها على طلاب المدرسة الإعدادية من اختزال قلق التحصيل فى الرياضيات لديهم بإستخدام بعض استراتيجيات القاء الأسئلة فى تدريس

الهندسة والتي كان لها تأثير فعال أيضاً على حل المشكلات الهندسية ، كما أوضحت دراسة عبد العميد ومراد (١٩٩٢) أنه كلما ارتفع قلق طلاب الصف الأول الثانوي كلما إنخفض تحصيلهم في الرياضيات وكلما إنخفض القلق كلما ارتفع التحصيل يتبع من مجموعة دراسات هذا المحور اهتمام بعضها بالعوامل المهمة في زيادة قلق التحصيل أو تحديد بعض أساليب التدريس للتغلب على مشكلة قلق التحصيل بعد التشخيص ، وأهتمام البعض الآخر باستخدام بعض استراتيجيات التدريس لاختزال قلق التحصيل ، ومن هنا بين أوجه التشابه والاختلاف بين الدراسة الحالية والدراسات السابقة في هذا المحور فلم تستخدم الدراسات السابقة خريطة الشكل "٧" والتعلم التعاوني في تدريس الهندسة لاختزال قلق البرهان الهندسي ، وبالرغم من هذه الاختلافات إلا أن الدراسة الحالية تتفق مع دراسات هذا المحور في الاهتمام بالقلق كعامل مهم في مستوى تحصيل الطالب .

هذا وقد أفادت دراسات هذا المحور الدراسة الحالية في معرفة الاسس التي يتعين أتباعها عند بناء مقاييس قلق البرهان الهندسي في وحدة الهندسة المحايدة المقترحة ، بالإضافة إلى التعرف على أساليب القلق سواء من قبل المعلم أو المتعلم أو بيئنة التعلم او الماده المتعلمة وكيفية العمل على تحقيقه في الهندسة المحايدة من خلال علاج صعوبات التعلم فيها - وفي حدود علم الباحث لم توجد دراسة في البلاد العربية تتعلق ببحث فعالية تدريس وحدة مقترحة في الهندسة المحايدة باستخدام خرائط الشكل "V" والتعلم التعاوني في خفض قلق البرهان الهندسي بالمرحلة الإعدادية ولذا جاءت الاهتمام بالبحث الحالي .

فروض البحث :

تهدف الدراسة الحالية التحقق من صحة الفروض التالية :

- (١) توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (٠١) و) بين متواسطات درجات تلاميذ المجموعة التجريبية الأولى التي درست باستخدام استراتيجية خرائط الشكل "V" في

التطبيقيين القبلي والبعدي لاختبار التحصيل وقلق البرهان الهندسى فى وحدة الهندسة المحايدة المقترحة لصالح التطبيق البعدى .

(٢) توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (١٠٪) بين متوسطات درجات تلاميذ المجموعة التجريبية الثانية التى درست باستخدام أستراتيجية التعلم التعاونى فى التطبيقيين القبلي والبعدي لاختبار التحصيل وقلق البرهان الهندسى فى وحدة الهندسة المحايدة المقترحة لصالح التطبيق البعدى .

(٣) توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (١٠٪) بين متوسطات درجات تلاميذ المجموعة التجريبية الأولى وبين متوسطات درجات المجموعة التجريبية الثانية فى التطبيق البعدى لاختبار التحصيل وقلق البرهان الهندسى فى وحدة الهندسة المحايدة المقترحة لصالح المجموعة التجريبية الأولى .

(٤) توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (١٠٪) بين متوسطات درجات تلاميذ المجموعة التجريبية الأولى ، وبين متوسطات درجات المجموعة الضابطة التى تدرس بالطريقة المعتمدة فى التطبيق البعدى لاختبارى والتحصيل وقلق البرهان الهندسى فى وحدة الهندسة المحايدة المقترحة لصالح المجموعة التجريبية الأولى .

(٥) توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (١٠٪) بين متوسطات درجات تلاميذ المجموعة التجريبية الثانية أو بين متوسطات درجات المجموعة الضابطة فى التطبيق البعدى لاختبارى التحصيل وقلق البرهان الهندسى فى وحدة الهندسة المحايدة المقترحة لصالح المجموعة التجريبية الثانية .

(٦) توجد علاقة ارتباطية سالية بين التحصيل للمفاهيم و العلاقات الهندسية بـوحدة المحايدة ، و بين قلق البرهان الهندسى فيها .

أهداف الدراسة:

للإجابة على تساؤلات البحث أتبعت الإجراءات التالية :

أولاً: بناء استراتيجية لتدريس المفاهيم و العلاقات الهندسية الواردة بوحدة الهندسة المحايدة باستخدام خرائط الشكل "V" وذلك عن طريق .

(١) تضيد خرائط الشكل "V" باتباع الخطوات التالية :

- يتم تحليل وحدة الهندسة المحايدة لاستخراج المفاهيم و العلاقات الهندسية من مبادئ ونظريات والتى تمثل الجانب المفاهيمى أو الأنشطة التفكيرية فى بناء

المعرفة ، وكذا المتطلبات المعرفية والقيمية والتجويلات والتسجيلات والتى تمثل الجانب الإجرائى فى بناء المعرفة ، بالإضافة إلى الأحداث والأشياء والتى تعتبر أولى ملاحظات بناء المعرفة ، ثم التأكيد من ثبات عملية التحليل ، بإيجاد معامل الاتفاق بين الباحث وزميله الذى قام بمثل ما قام به ، وقد بلغ معامل الاتفاق (٨٧ و ٠) .

تم تقسيم وجنة الهندسة المحايدة المقترحة إلى "V" سبع مواقف ثم تحديد سؤال رئيسي يشتمل على المفاهيم الرئيسية ، وتحديد الموضوعات المنبثقة من التساؤل الرئيسي .

تم بناء الجانب الأيسر المفاهيمى من حيث تحديد المفاهيم الهندسية الرئيسية والمفاهيم الفرعية والمبادئ الهندسية ، وكذا النظريات الهندسية .
تم بناء الجانب الأيمن من حيث تحديد التسجيلات التى تتطلبها الإجابة على السؤال الرئيسي ، والمتطلبات المعرفية والقيمية التى تعدد إجابة عن التساؤل الرئيسي .

تم عرض الخرائط بشكلها المبدئى على مجموعة من المحكمين ، وبعد مناقشتهم حول بعض النقاط فى الخريطة تم إجراء التعديلات الذى أشاروا إليها سواء أكان بالإضافة أو الحذف أو الترتيب أو الصياغة حتى أخذت صورتها النهائية (ملحق رقم (١)) .

(٢) التدريس بخريطة الشكل "V" تم التدريس بخريطة الشكل "V" للتلמיד ياتباع الخطوات التالية :

- بيان أهمية خريطة الشكل "V" فى عملية التعليم والتعلم وجدوها فى تحقيق التعلم من أجل الفهم ، وليس حفظ واستظهار المفاهيم وال العلاقات الهندسية بوحدة الهندسة المحايدة المقترحة ، الأمر الذى يفيد فى حل كثير من التمارين الهندسية ياتباع قواعد التفكير الرياضى وأساليبه العلمية وفق معايير معينة .

رسم خريطة الشكل "V" مع التلاميذ على السبورة فى داخل المعمل الرياضى وإدارة المناقشة التى تدور حولها ، حيث يبدأ بصياغة السؤال الرئيسي والأشياء ثم تحديد المفاهيم الرئيسية والفرعية مع بيان مدلول كل مفهوم ويطلب من التلاميذ التعرف على العلاقة بين المفاهيم للتوصل الى

النظرية الهندسية ، وبذلك يتم بناء الجانب المفاهيمي ، ومن خلال المناقشات أيضاً يتم بناء الجانب الاجرائي ، ويناقش المعلم تلاميذه حول استنتاجاتهم ثم يطالبهم بتسجيل ملاحظاتهم في ضوء المفاهيم والمبادئ والتوصيل إلى المتطلبات المعرفية للإجابة عن التساؤل الرئيسي .

توجيه التلاميذ إلى كيفية التعامل مع هذه الخرائط وكيفية بناء خرائط مماثله لما يقوم المعلم بإعداده ، وذلك باتباع التوجيهات التالية :-

بعد الانتهاء من دراسه كل موضوع من موضوعات الهندسة المحايدة ، حاول إعداد خريطة الشكل "V" تستخدماها في حل التمارين والبرهنه على صحتها .
تعرف التلاميذ بأن الجانب الأيمن المفاهيمي يشمل بصفه دائمه النظرية والمبادئ والمفاهيم والجانب الأيسر الإجرائي يشمل المتطلبات التقيميه والمعرفيه والتحويلات والتسجيلات ، ثم يتم الرابط بين الجانبين عن طريق الأحداث والأشياء والتي يتم اختيارها في ضوء المفاهيم والمبادئ التي تكون لدى المتعلم .

يُطلب من كل تلميذ عرض الخريطة التي توصل إليها أمام زملائه مع مناقشة فيها ، وبيان الأخطاء وتعديلها في ضوء ما توصل إليه الزملاء ، وبين ماتم إعداده من قبل المعلم .

(٣) التقويم النهائي لكل دروس على حده ، وللوحدة ككل بعد ذلك .

ثانياً : بناء استراتيجية للتدرис المفاهيم وال العلاقات الهندسية بوجهه الهندسة المحايدة بالتعلم التعاوني وذلك عن طريق :

(١) إعداد وحده الهندسه المحايدة المقترن بالتعلم التعاوني .

ثم إعداد وحده الهندسة المحايدة بالتعلم التعاوني باتباع مايلي :-

تقسيم وحده الهندسه المحايدة إلى (٧) سبع دروس تعليمية وهى (توازى خطين مستقيمين - الزاويه الخارجيه للمثلث - العلاقة بين قياسات زوايا المثلث الداخلية واطوال الاضلاع - نظرية زخارى - لاجندر والتي تتصل على أن مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلية أصغر من أو تساوى ١٨٠ درجه - مسلمه أقليدس للتوازى إذا وإذا فقط مسلمه هلبرت للتوازى - أنحراف المثلث - رباعي شعاعي - لمبرت) .

تم تحديد الأهداف التعليمية لكل دروس من دروس الوحدة المقترنة والمفاهيم وال العلاقات الهندسية والأنشطة المصاحبة والأمثلة والتدريبات والمسائل لكل دروس الوحدة ، وتم وضعها في صوره ممهمه تعليمية مع توضيح دور كل تلميذ في هذه المهمة .

تم إعداد حقيبة تعليمية لكل درس محدد فيها المفاهيم وال العلاقات والأنشطة التعليمية والوسائل دور كل تلميذ حسب ترتيبه في المجموعة(ملحق رقم ٢) .

(٢) التدريس باستراتيجية التعلم التعاوني :-

تم التدريس بالتعلم التعاوني للطلاب باتباع الخطوات التالية :-

تم تقسيم تلاميذ المجموعة التجريبية الثانية إلى تسع مجموعات صغيرة غير متجانسة في ضوء نتائج التطبيق القبلي للإختبار التحصيلي المعد بالبحث ، حيث تشمل كل مجموعة على أربع تلاميذ (تلميذ متوفّق - تلميذين متوفّلين - تلميذ ضعيف) .

تم تصميم بطاقة لمتابعة تقدير درجات كل مجموعة من المجموعات التسع ومدى تقدّمهم .

يكلف المعلم كل المجموعات بقراءة الجزء النظري للدرس ومحاوله فهمه بأنفسهم ، إلا إذا واجهت معظم المجموعات نفس الصعوبه ففي هذه الحال يتدخل المعلم بالترجيح والإرشاد وأحداث تغذيه راجعه .

يبدأ تلميذ كل مجموعة العمل التعاوني عن طريق ممارسة الأنشطة المصاحبة للدرس وقراءة الأمثلة ثم حل التدريبات والمسائل في ضوء دور كل تلميذ في المهمة التعليمية المحددة داخل كل مجموعة .

يتعاون التلاميذ معاً داخل كل مجموعة في إنجاز المهام المطلوبة منهم في كل درس بما في ذلك تقديم وطرح الأئكارات والخطول وتقسيمها مع مساعدته بعضهم البعض .

التأكد من مساعدة كل فرد من أفراد المجموعة في العمل التعاوني ، وتبادل الأدوار بين التلاميذ داخل المجموعة وذلك عن طريق متابعة المعلم لمجموعات التلاميذ ثم يختار تلميذ عشوائياً من كل مجموعة ويطلب منه حل أحد التمارين التي قامت المجموعة بحلها ، ويرصد الدرجات في البطاقة المعدة لذلك بعد أن يعلنها لكل المجموعات ويعتبر ذلك تقويم لكل درس .

(٣) التقويم النهائي لكل درس على حده وللروده كل بعد ذلك .

ضبط الاستراتيجيات :

بعد إعداد خرائط الشكل "V" والتعلم التعاوني في شكلها المبدئي تم ضبطهما في ضوء الأسس العلمية المرتبطة بهذا الشأن مثل أساق مكوناتها العلمية الأساسية وأسلوب التدريس والوسائل والأشطة التعليمية المستخدمة في التدريس وتم عرضها على المجموعة من المحكمين وبعد إجراء التعديلات المقترحة ثم القيام بتجربة استطلاعية على عينه من تلاميذ الصف الثاني الاعدادي (١٢) إستناداً عشرة تلاميذ للتأكد من مدى مناسبة الاستراتيجيات للتلاميذ في هذا الصف وقد إستجابة التلاميذ للتعامل بهذهين الاستراتيجيتين في داخل الموقف التعليمي وبذلك أخذت الاستراتيجيات شكلها النهائي .

ثالثاً : أدوات البحث :

(١) بناء الأختبار التصصيلي للمفاهيم وال العلاقات الهندسية بوحدة الهندسة المحابدة تم بناء الأختبار التصصيلي في وحدة الهندسة المحابدة المقترحة وفق الخطوات العلمية لبناء الأختبار التصصيلي وتقنيته وأشتمل الأختبار في شكله النهائي على (١٢) سؤال من نوع الأختبار من متعدد و (٦) أسئلة من نوع المقال وبالتالي بلغ عدد الأسئلة (١٨) سؤال ، ومجموع الدرجات النهائية للأختبار (٣٠) درجة موزعة على أسئلة الأختبار يعطى التلميذ درجة عن كل سؤال من أسئلة الأختبار من متعدد و (٣) درجات على كل سؤال من أسئلة المقال كما تم اجراء دراسة استطلاعية للأختبار على عينة مماثلة لعينة البحث قوامها (٤٥) تلميذ ، وحساب معامل السهولة والصعوبة بكل مفرده من مفردات الأختبار وتم إعادة ترتيب مفرداته حسب مستوى الصعوبة والسهولة . كما تم تطبيق الأختبار على عينة مماثلة قوامها (٣٨) تلميذاً لتحديد زمن الأختبار ، ومعامل الثبات والصدق للأختبار حيث بلغ زمن الأختبار (١٢٠ دقيقة) وحسب معامل الثبات باستخدام صورة كورنر ريتشارد سون (٣١) حيث بلغ (٠,٨٢) وهو معامل ثبات يمكن الوثوق به ، كما أكدتى الباحث بصدق المحكمين فقد صوره الأختبار على مجموعة من

أعضاء هيئة التدريس لطرق تدريس الرياضيات، كليات التربية وجاء معامل الاتفاق
بدرجة عالية (٠,٨٥) مما جعلنا نثق بصدق الاختبار (ملحق رقم ٣).

(٢) مقياس قلق البرهان الهندسي .

تم إعداد مقياس قلق البرهان الهندسي باتباع الخطوات التالية :

تم الاطلاع على بعض البحوث والدراسات السابقة والتي أهتمت بإعداد
واستخدام اختبارات مقياس القلق على النحو الذي ورد بدراسة شكري سيد
أحمد ويقدوميس Meece ولطفي مخلوف وسوين Suinn وساراسون ولونج
Sarason ، Koening وغير ذلك وبتحليل محتوى وحدة الهندسة المحايدة
صيغ (٦٨) عبارة تعكس درجة عالية من القلق في كل موقف من مجموعات
المواقف الثلاث وهي موقف تتعلق باختبار البرهان الهندسي وموقف تتعلق
ببيئة التعلم والموقف التعليمية وموقف تتعلق بشخصية المتعلم وميوله
وأتجاهاته .

تم عرض عبارات القياس على مجموعة من المحكمين في مجال علم النفس
والصحة النفسية والمناهج وطرق تدريس الرياضيات للحكم على مدى مناسبة
العبارات ومدى انتماها للموقف وتم تعديل صياغة بعض العبارات وحذف
بعضها الآخر وأضافة بعضها في ضوء آراء السادة المحكمين ، وبلغ عدد
العبارات في ضوء أرائهم (٥٣) عبارة قد أشار بعض المحكمين إلى ضرورة
تطبيق المقياس على عينة استطلاعية أولى بشكل مبدئي للتعرف على أوجه
اللبس فيه وتعديلها في ضوء فهم التلاميذ لعباراته ، وبالتالي تم تطبيق المقياس
في صورته الأولية على عينة من تلاميذ الصف الثاني الإعدادي في العام
الدراسي ١٩٩٤/١٩٩٥ وتم حذف (٨) عبارات لأن بعضها أشتمل على
الأجابه في ذاتها ولا يحتاج إلى تفكير ، وبعضها لم يستطع التلاميذ تحديد
المقصود منها وأصبح عدد العبارات بالقياس (٤٥) عباره في صورته
النهائية تعكس كل منها درجة القلق الذي يعاني منها التلميذ في مجال البرهان
الهندسي في الهندسة المحايدة ، مستند إلى قياس القلق خلال ثلاث مجموعات
رئيسية من المواقف كما يبين ذلك الجدول التالي .

جدول (١)

يبين مواصفات مقياس قلق البرهان الهندسى .

أرقام العبارات التي تمتلئها	المواقف العبارات
٣٤، ٣٢، ٣٠، ٢٨، ٢٦، ٢٤، ٢٠، ١٢، ٨، ٧، ٣، ١ . ٤٢، ٣٩، ٣٧	مواقف تتعلق باختيار البرهان الهندسى
٢٢، ١٩، ١٨، ١٧، ١١، ٩، ٤، ٢ . ٤٥، ٤٤، ٤٣، ٤١، ٤٠، ٣٦، ٣٥	مواقف تتعلق ببيئة التعليم والمواقف التعليمية
٢١، ١٦، ١٥، ١٤، ١٣، ١٠، ٦، ٥ . ٣٨، ٣٣، ٣١، ٢٩، ٢٧، ٢٥، ٢٣	مواقف تتعلق بشخصية المتعلم وميوله واتجاهاته

يتبيّن من الجدول السابق أن المقياس يتضمن ثلاثة أبعاد رئيسية وهي مواقف تتعلق باختيار البرهان الهندسى ، و موقف تتعلق ببيئة التعليم والموقف تتعلق بشخصية المتعلم واتجاهاته ، ويضم المقياس (١٥) عباره لكل بعد ، وهو من نوع مقياس لكيرت حيث يعطى للمفحوص فرصة تحديد درجة موافقته على العبارة من بين عدة استجابات تتكون من خمسة أبعاد وهى (أافق بشدة - أافق - متعدد - لا أافق - لا أافق مطلقاً) وتعكس الاجابة أافق بشدة درجة عالية من القلق أما الاجابة (لا أافق مطلقاً) فتعكس درجة منخفضة من القلق أما الاجابة (متعدد) فتعكس درجة محابية من القلق و أعطيت هذه الاستجابات فى تقدير الدرجات الأوزان التالية على التوالى (١، ٢، ٣، ٤، ٥) وبذلك تبلغ الدرجات النهائية للمقياس (٢٢٥ درجة) توزع كما يلى .

- مرتفع القلق : إذا حصل التلميذ عن درجة تتراوح ما بين ١٨٠ : ٢٢٥ درجة .
- متوسط القلق: إذا حصل التلميذ عن درجة تتراوح ما بين ١١٣ : أقل من ١٨٠ درجة .
- منخفض القلق: إذا حصل التلميذ على درجة تتراوح ما بين ٤٥ : أقل من ١٣٣ درجة .

تم عرض المقاييس مره ثانية على السادة المحكمين بعد اجراء التعديلات التي أشاروا إليها وذلك لتحقيق الصدق الظاهري ولتحقيق صدق المحتوى ، كما تم حساب الصدق التجربى للمقاييس من معامل الثبات وقد بلغ (.٨٨) .

ثم تطبيق المقاييس بصورة النهاية على عينة من تلاميذ الصف الثاني الإعدادي عام (١٩٩٤/١٩٩٥) وتم حساب معامل ثبات المقاييس باستخدام معادلة الفاکر ونیاخ وجد أن معامل الثبات (٠,٧٨) وهو معامل ثبات يمكن الوثيق به وبذلك أخذ المقاييس صورته النهائية (ملحق رقم (٤)) .

رابعاً: عينة البحث :

بطريقة عشوائية تم اختيار مدرسة فاقوس الإعدادية الحديثة التي أخذت منها عينة البحث . وذلك من بين عدة مدارس بادارة فاقوس التعليمية بمحافظة الشرقية .

كما تم بطريقة عشوائية اختيار الفصول التجريبية والفصل الضابط وقد بلغ قوام كل فصل منها (٣٦) تلميذاً بعد استبعاد التلاميذ الباقون للإعادة والجدول التالي يوضح ذلك .

جدول (٢) يبين تقسيم عينة البحث الأساسية

الاستراتيجية المتبعة	العدد	الفصل	البيان	الموافق
خرانط الشكل "٧"	٣٦	١/٢	التجريبية الأولى	
التعلم التعاوني	٣٦	٢/٢	التجريبية الثانية	
الطريقة المعتادة	٣٦	٣/٢	-	الضابطة

وتم ضبط المتغيرات المرتبطة بالسن والمستوى الاجتماعي والاقتصادي حيث ينتهي التلاميذ جميعهم إلى مدينة فاقوس ، والقائم بالتدريس وهو معلم الفصل في الثلاث مجموعات ، ومرة التدريس (١١ حصة) ، والذكاء حيث طرق اختبار الذكاء المصور لأحمد زكي صالح (١٩٧٥) وحساب الفروق بين المجموعات باستخدام اختبار (ت) ، وجد أن معاملاته غير دالة بين مجموعات البحث الثلاثة عند مستوى الدالة (٠٠١) ، كما تم تطبيق الاختبار التحصيلي ، ومقاييس فلق البرهان الهندسي تطبيقاً قبلياً وأسفرت النتائج على نحو ما يبينه الجدول التالي

جدول (٣)

يبين رقم (ت) في التطبيق القبلي للإختبار التحصيلي ، ومقاييس فلق البرهان الهندسي في الهندسة المحايدة على مجموعات البحث الثلاثة .

الاختبار	المجموعة	التجربية الأولى	التجربية الثانية	الضابطه
التحصيل	التجربية الأولى	,٦٩	,	,٦
	التجربية الثانية	-	,٦٩	,٠٧
فق	الضابطه	,٦	,٠٧	-
	التجربية الأولى	-	,١٩	,٠٨
البرهان	التجربية الثانية	,١٩	-	,١١
	الضابطه	,٠٨	,١١	-
الهندسى				

يتبيّن من الجدول السابق لقيم (ت) أنها غير دالة إحصائياً عند مستوى (٠٠١) . مما يشير إلى تكافؤ المجموعات الثلاث في التحصيل للمفاهيم وال العلاقات الهندسية ، وفق البرهان الهندسى ، حيث بلغت بين المجموعات التجريبية الأولى والثانية (,٦٩) في تحصيل المفاهيم وال العلاقات الهندسية ، (,١٩) في مقاييس فلق البرهان الهندسى ، (بينما بلغت (,٦) بين المجموعات التجريبية الأولى والضابطه في تحصيل المفاهيم وال العلاقات الهندسية و (,٠٨) في مقاييس فلق البرهان الهندسى ، وكانت قيمة (ت) بين المجموعة التجريبية الثانية والمجموعة

الضابطة (٠٠٧) في تحصيل المفاهيم وال العلاقات الهندسية ، (١١) في مقياس قلق البرهان الهندسي .

نتائج البحث :

فيما يلى عرض لنتائج البحث وإختبار صحة فروضة اختبار صحة الفرض الأولى :

لأختبار صحة الفرض الأولى والذي ينص على أنه " توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (٠٠١) بين متوسطات درجات تلاميذ المجموعه التجريبية الأولى التي درست باستخدام إستراتيجية خرائط الشكل "V" في التطبيقات القبلي والبعدي لإختبار التحصيل وقلق البرهان الهندسى في وحدة الهندسة المحايدة المقترحة . لصالح التطبيق البعدى .

توصى الباحث إلى النتائج المدرجة بالجدول التالي

جدول (٤) بين المتوسط الحسابي ، ومجموع الانحرافات عن المتوسط ، وقيمة (t) في التطبيقات القبلي والبعدي للإختبار التحصيلي و مقياس قلق البرهان الهندسى في الهندسة المحايدة لدى تلاميذ المجموعه التجريبية الأولى .

جدول (٤)

الدلاله	(t)	مجموعه الانحرافات عن المتوسط مجـمـع	المتوسط الحسابي م	مجـمـع	التطبيق	الإختبار
داله عند مستوى .٠١	٣٤,٩٨	٦١,٥٦	٢,١	٧٦	قبلي	التحصيلي
		٣٨٤,٧٥٠٤	٢٢,٩٢	٨٢٥	بعدي	
داله عند مستوى .٠١	١٣	١٠١٨٦,٧٦٨	١٨٤,٩٤	٦٦٥٨	قبلي	قلق البرهان الهندسى
		١٩٠٥٤,٤٣٨	١٢٢,٣١	٤٤٠٣	بعدي	

تبين من الجدول السابق وجود فروق ذات دلالة إحصائية تبين التطبيقات القبلي والبعدي لإختبار التحصيل وقلق البرهان الهندسى في وحدة الهندسة المحايدة المقترحة لدى

تلاميذ المجموعة التجريبية الأولى حيث بلغت قيمة (ت) في اختبار التحصيل (٣٤٠٩٨) وفي مقياس القلق (١٣) وهي قيمة دالة عند مستوى (٠٠١)، مما يشير إلى فعالية استخدام خرائط الشكل "V" في رفع مستوى تحصيل المفاهيم وال العلاقات الهندسية ، وفي خفض مستوى قلق البرهان الهندسي لدى تلاميذ هذه المجموعة ، وبذلك يثبت صحة الفرض الأول .

استخدام الباحث معادلة الفعالية ل بلاك ، ونسبة الكسب المعدل تبين منها أن فعالية الأستراتيجية المقترحة (٧٥٪)، وقد بلغت نسبة الكسب المعدل (١٤٤٪) مما يشير أن لها فعالية عالية في التحصيل ، نظراً لأنها الفعالية قريبة من الواحد الصحيح ، ولأن نسبة الكسب تقع في المدى الذي حدة بلاك من (١) إلى (٢) مما يدل على فعالية استراتيجية خرائط الشكل "V" في تدريس وحدة الهندسة المحايدة المقترحة .

ويرجع الباحث ذلك إلى التلاميذ أثناء مشاركتهم في بناء خريطة الشكل "V" يقومون بدور إيجابي في العملية التعليمية فهم يتوصلون إلى المعلومات بأنفسهم من خلال ملاحظة الأحداث والأشياء وعمل التسجيلات والتحويلات ، علاوة على أنه عند مناقشة التلاميذ في كيفية الإجابة عن السؤال الرئيسي (المشكله الهندسية وكيفية البرهنه على صدقها) . فإن هذا يثير إهتمامهم لشعورهم بوجود مشكلة حقيقة ، ومن خلال إقتراحاتهم بشأن الأحداث والأشياء المطلوبه لشعورهم بوجود مشكلة حقيقة ، وتحديد المفاهيم الهندسية المرتبطة بها وتنظيم تلك المفاهيم ، مما ساعدتهم على إبراز العلاقات الهندسية وتوظيفها واستنتاجها وإختبار نسب الأساليب للرهنة عليها . الأمر بالذى جعل استخدام خرائط الشكل "V" مع تلاميذ المجموعة التجريبية الأولى له فعالية في رفع مستوى تحصيل المفاهيم وال العلاقات الهندسية ، وخفض قلق البرهان الهندسي .

اختبار صحة الفرض الثاني :

لأختبار صحة الفرض الثاني والذي ينص على أنه " توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (٠٠١)، بين متوسطات درجات تلاميذ المجموعه التجريبية الثانية التي درست باستخدام استراتيجية التعلم التعاوني في التطبيقيين قبلى والبعدى لأختبارى التحصيل وقلق البرهان الهندسى فى وحدة الهندسة المحايدة المقترحة .

لصالح التطبيق البعدى . توصل الباحث إلى النتائج المدرجة بالجدول التالي

جدول (٥) يبين المتوسط الحسابي ، ومجموع الاتحرافات عن المتوسط ، وقيمة (ت) في التطبيقين القبلي والبعدي لاختبار التحصيلي ومتى قلق البرهان الهندسى فى الهندسة المحايدة لدى تلاميذ المجموعة التجريبية الثانية

جدول (٥)

الدالة	(ت)	مجموع الاتحرافات عن المتوسط مج	المتوسط الحسابي م	مجد	التطبيق	الاختبار
داله عند مستوى .٠١	٥٨,٩١	٤٦,٣٦	١,٩	٧٠	قبلي	التحصيلي
		١١٢,٢٤	٢٢,٨	٨٢٠	بعدي	
داله عند مستوى .٠١	١٣,٤٥	١٢١٢٤,٧٤٥	١٨٥,٧٥	٦٦٨٧	قبلي	قلق البرهان الهندسى
		٢٩٥٥٨,٥٥٣	١٠٨,٣٩	٣٩٠٢	بعدي	

يتبيّن من الجدول السابق إلى وجود فروق ذات دلالة إحصائية تبيّن التطبيقين القبلي والبعدي لاختبار التحصيلي وقلق البرهان الهندسى لدى تلاميذ المجموعة التجريبية الثانية حيث بلغت قيمة (ت) في الاختبار التحصيلي (٥٨,٩١) بينما بلغت في متى قلق البرهان الهندسى (١٣,٤٥) وهي فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (٠٠٠١) مما يدل على أن استخدام استراتيجية التعلم التعاوني ساعدت على خفض قلق البرهان الهندسى وزيادة مستوى التحصيل لدى تلاميذ هذه المجموعة ، وبذلك يثبت صحة الغرض الثاني .

وبحساب نسبة الفعالية وجد أنها (٧٤) ، وبحساب نسبة الكسب المعدل ليلاك وجد أنها (١,٤٤) بما يشير إلى فعالية استخدام استراتيجية التعلم التعاوني في تدريس وحدة الهندسة المحايدة المقترنة .

ويرجع الباحث ذلك إلى أن انغماض المتعلم في سلوك التعلم من خلال العمل في جماعة ، وتحديد دوره ، وتبادل الأدوار بين الجماعة يعطى له فرصة أكبر للتعلم الفعال للمفاهيم وال العلاقات الهندسية وأساليب البرهان بدلا من الحفظ الآلى لها ، وتبع ذلك الاهتمام بالوسائل التعليمية والأنشطة لعرض المفاهيم الهندسية ومناقشتها ، واحداث تغذية راجعة لكل متعلم في الجماعة سواء أكانت من زملائه داخل المجموعة أو من المعلم ، علاوة على أحداث روح التعاون من ناحية والمناقشة الشريفة من ناحية أخرى الأمر الذي جعل استخدام التعلم

التعاونى مع تلاميذ المجموعة التجريبية الثانية ، له فعالية فى رفع مستوى تحصيل المفاهيم وال العلاقات الهندسية ، و خفض قلق البرهان الهندسى .

اختبار صحة الفرض الثالث :

لاختبار صحة الفرض الثالث والذى ينص على أنه " توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (٠,٠١) بين متوسطات درجات تلاميذ المجموعة التجريبية الأولى وبين متوسطات درجات المجموعة التجريبية الثانية فى التطبيق البعدى لاختبارى التحصيل وقلق البرهان الهندسى فى وحدة الهندسة المحايدة المقترحة لصالح المجموعة التجريبية الأولى . توصل الباحث إلى النتائج المدرجة بالجدول التالى جدول (٦) بين المتوسط الحسابى ، ومجموع الانحرافات عن المتوسط وقيمة (ت) للتطبيق البعدى لاختبارى التحصيل وقلق البرهان الهندسى فى وحدة الهندسة المحايدة المقترحة لدى تلاميذ المجموعتين التجريبيتين الأولى والثانوية .

جدول (٦)

الدالة	(ت)	مجموع الانحرافات عن المتوسط مجـمـ	المتوسط الحسابي مجـمـ	مجمـ	التطبيق	الاختبار
غير دالة عند مستوى .٠١	١٩	٣٨٤,٧٥٤	٢٢,٩٢	٨٢٥	التجريبين الأولى	التحصيلي
		١١٢,٢٤	٢٢,٨	٨٢٠	التجريبين الثانية	
غير دالة عند مستوى .٠١	٢,٢٤٢	١٩٥٤,٤٣٨	١٢٢,٣١	٤٤٠٣	التجريبين الأولى	قلق البرهان الهندسى
		٢٩٥٨,٥٥٣	١٠٨,٣٩	٣٩٠٢	التجريبين الثانية	

تبين من الجدول السابق أن قيمة (ت) فى الاختبار التحصيلي (٠,١٩) وهى غير دالة إحصائياً . مما يدل على عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين المجموعتين التجريبية الأولى والثانوية فى تحصيل المفاهيم وال العلاقات الهندسية المتضمنه فى وحدة الهندسة المحايدة المقترحة ، وكانت قيمة (ت) المحسبة لمعيار قلق البرهان الهندسى بين المجموعتين التجريبيتين الأولى والثانوية (٢,٢٤٢) ، وهى غير دالة عند مستوى (٠,٠١) ولكنها دالة عند مستوى (٠,٠٥) ، مما يشير إلى فعالية إستراتيجية التعليم التعاونى فى خفض قلق البرهان

الهندسى لدى تلاميذ المجموعة التجريبية الثانية ، وبذلك يرفض الفرض الثالث فيما يتعلق بالتحصيل ، ويقبل فيما يتعلق بوجود فروق ذات دلالة إحصائية فى قلق البرهان الهندسى .

ويرجع الباحث ذلك إلى الآتى :

- (١) إن استخدام خرائط الشكل "V" فى تدريس وحدة الهندسة المحايدة المقترحة لتلاميذ المجموعة التجريبية الأولى يتطلب من التلاميذ الاجابة عن السؤال الرئيسي والذى يمثل مشكلة هندسية تحتاج إلى برهان ، وأثبات صحتها ، ومن خلال ملاحظة دراسة الأحداث والأشياء ، وعمل التسجيلات والتحويلات التى يستخدمها التلاميذ فى الاجابة عن السؤال الرئيسي للمشكلة ، فإن ذلك قد يعود التلاميذ على مواجهة المشكلات والمواضف الجديدة . وقد يساعدهم تحديد المبادئ التى يتضمنها الموقف المشكل لتطبيقها فى حل المشكلة ، علاوة على أنه من وظيفة المخ ، توجيه وإصدار القرار ، ونوعية السلوك وتكون القرارات مبنية أساساً على المعلومات والمعرفة المنظمة التى يتم برمجتها فى المخ وتشغيلها لاتمام مهارات وقدرات عقلية ، وبالنظر لخريطة الشكل "V" نجد أن الجانب الأيسر يعمل كخريطة للمفاهيم الهندسية ، ويقوم المتعلم بربط المفاهيم الجديدة بما سبق تعلمه من مفاهيم ويربط بين المفاهيم بعلاقات واضحة ، مما يؤدي لتنظيم البنية العرفية للمتعلم .

الأمر الذى جعل المتعلم يشعر بكيفية التفكير فى البرهان الهندسى بصورة منتظمة يتم من خلالها ربط النتائج بالأسباب وأدراك العلاقة بين المبادئ والحقائق وحل المشكلة الهندسية ، وبالتالي إنخفض مستوى قلق البرهان الهندسى ، وارتفع تحصيله للمفاهيم وال العلاقات الهندسية ، وكذلك استخدام استراتيجية التعلم التعاوني فى تدريس وحدة الهندسة المحايدة المقترحة لتلاميذ المجموعة التجريبية الثانية جعلت التلاميذ يفكرون ويستوعب على أساس من الفهم وليس على الحفظ الآلى ، كما جعلت المفاهيم وال العلاقات الهندسية حيوية يقبل عليها التلميذ بدافع منه ، علاوة على تحديد دور كل تلميذ فى المجموعة فى الوصول إلى حل المشكلة وتبادل الأدوار بينهم جعلتهم يشعرون بالثابرة والدافعية فى الوصول إلى التعليم أو النظرية ، وأهمية تلك النظريات ، وكذا الشعور بالذات والأطمنان والاستقرار والقدرة على التفكير فى البرهان الهندسى بصورة منطقية منظمة ، الأمر الذى خفض قلق البرهان الهندسى

لتلاميذ تلك المجموعة ، بالإضافة إلى رفع مستوى التحصيلي للمفاهيم وال العلاقات الهندسية بوحدة الهندسة المحايدة المقترنة .

(٢) نظراً لأن تلاميذ المجموعة التجريبية الثانية تم التدريس لهم من خلال أستراتيجية التعلم التعاوني ، وفيها يتعلم التلاميذ بين بعضهم البعض وبلغتهم ، تحت إشراف وتجهيز المعلم ، جعلهم أكثر شعوراً بالاستقرار والإطمئنان إلى نتائجهم ، وأسلوب البرهان المتبوع ، الأمر الذي أدى إلى انخفاض مستوى قلق البرهان الهندسي عندهم أكثر من تلاميذ المجموعة التجريبية الأولى التي تدرس باستخدام خرائط الشكل "V"

اختبار صحة الفرض الرابع :

لأختبار صحة الفرض الرابع والذي ينص على أنه " توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (٠,٠١) بين متوسطات درجات تلاميذ المجموعة التجريبية الأولى وبين متوسطات درجات المجموعة الضابطة التي تدرس بالطريقة المعتادة في التطبيق البعدى لاختبارى التحصيل وقلق البرهان الهندسى فى وحدة الهندسة المحايدة المقترنة . لصالح المجموعة التجريبية الأولى . توصل الباحث إلى النتائج المدرجة بالجدول التالي .

جدول (٧) يبين المتوسط الحسابي ، ومجموع الاتحرافات عن المتوسط ، وقيمة (t) في التطبيق البعدى لاختبارى التحصيل ، وقلق البرهان الهندسى فى وحدة الهندسة المحايدة المقترنة لدى تلاميذ المجموعة التجريبية الأولى والمجموعة الضابطة .

جدول (٧)

الإختبار	التطبيق	مجمـون	المتوسط الحسابـي	مجموعـه الاتـحرافـات عـنـ المـتوسط	(t)	الـدـلـالـه
التحصيلي	التجربين الأولى	٨٢٥	٢٢,٩٢	٣٨٤,٧٥٤	٨,٨٣	دـلـالـه عـنـ مـسـتـوى ٠,٠١
	الضابطة	٦٣٨	١٧,٧	٥٥,٢٤		
قلق البرهان الهندسى	التجربين الأولى	٤٤٠٣	١٢٢,٣١	١٩٠٥٤,٤٣٨	١١,٩٨	دـلـالـه عـنـ مـسـتـوى ٠,٠١
	التجربين الثانية	٦٦٦٢	١٨٥,١	١٥٥٠٣,٩٦		

تبين من الجدول السابق تفوق تلاميذ المجموعة التجريبية الأولى على تلاميذ المجموعة الضابطة في تحصيل المفاهيم والعلاقات الهندسية بوحدة الهندسة المحايدة المقترنة حيث كانت قيمة (ت) تساوى (٨,٨٣) وهي دالة إحصائية عند مستوى (٠,٠١). كما تبين تفوق تلاميذ المجموعة التجريبية الأولى أيضاً على تلاميذ المجموعة الضابطة في مقياس قلق البرهان الهندسي حيث كانت قيمة (ت) تساوى (١١,٩٨) وهي دالة عند مستوى (٠,٠١). مما يشير إلى أن تلاميذ المجموعة التجريبية الأولى انخفضوا لديهم قلق البرهان الهندسي نتيجة استخدام استراتيجية خرائط الشكل "V" وهذا يؤكد صحة الغرض الرابع.

ويرجع الباحث ذلك إلى أن استخدام خريطة الشكل "V" في تدريس وحدة الهندسة المحايدة لتلاميذ المجموعة التجريبية الأولى تتطلب من التلاميذ عند بناء الجانب الاجرامي استنتاج المعلومات الهندسية من تحويل البيانات الخام ، بالإضافة إلى إعطاء الفرصة للتلاميذ لتحديد المفاهيم الهندسية والعلاقات بينها ، ومنهم المفاهيم الغامضة ، الأمر الذي يساعدهم إدراك علاقة المعلومات الهندسية ببعضها ، وكذا أمداد وإعطاء المخ القدرة على تشغيل المعلومات الهندسية وتوظيفها في إدراك العلاقات المتداخلة في تكوين المشكلة الهندسية أدى إلى التغيير ليس في سلوك الأفراد التعليمي فقط ، بل على المستوى الخلوي أيضاً وهذا جعلهم يشعرون بالاستقرار والتفكير المنطقي في اختبار أسلوب البرهان على العلاقة الهندسية ، مما ساعد في خفض قلق البرهان الهندسي لديهم . وإرتقاء مستوى تحصيل المفاهيم والعلاقات الهندسية المتضمنة بالوحدة .

اختبار صحة الفرض الخامس :

لختبار صحة الفرض الخامس والذي ينص على أنه "توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (٠,٠١) بين متوسطات درجات تلاميذ المجموعة التجريبية الثانية ، وبين متوسطات درجات المجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبارى التحصيل وقلق البرهان الهندسى فى وحدة الهندسة المحايدة المقترنة . صالح المجموعة التجريبية الثانية .

توصل الباحث إلى النتائج المدرجة بالجدول التالي

جدول (٨) يبيّن المتوسط الحسابي ، ومجموع الانحرافات عن المتوسط ، وقيمة (ت) في التطبيق البعدى لاختبارى التحصيل وقلق البرهان الهندسى فى الهندسة المحايدة المقترنة لدى تلاميذ المجموعة التجريبية الثانية ، والمجموعة الضابطة .

جدول (٨)

الدالة	(ت)	مجموعه الاحرفات عن المتوسط موج	المتوسط الحسابي م	مج. س	المجموعه	الاختبار
دالة عند مستوى .٠١	١٣,٩٩	١١٢,٤٤	٢٢,٨	٨٢٠	التجريبية (٢)	التحصيلي
		٥٥,٢٤	١٧,٧	٦٣٨	الضابطة	
دالة عند مستوى .٠١	١٢,٨٣	٢٩٥٥٨,٥٥٣	١٠٨,٣٩	٣٩٠٢	التجريبية (٢)	قلق البرهان الهندسى
		١٥٥٣,٩٦	١٨٥,١	٦٦٦٢	الضابطة	

يتبيّن من الجدول السابق وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (٠,٠١) في كل من التحصيلي وقلق البرهان الهندسي ، وتشير هذه الفروق إلى تفوق تلاميذ المجموعة التجريبية الثانية في التحصيلي ، وحيث كانت قيمة (ت) المحسوبة (١٣,٩٩) ، بمتوسط حسابي (٢٢,٨) للمجموعة التجريبية الثانية ، مقابل متوسط حسابي (١٧,٧) للمجموعة الضابطة ، كما تشير الفروق أيضاً إلى أن استخدام استراتيجية التعلم التعاوني مع تلاميذ المجموعة التجريبية الثانية قد أدى إلى خفض قلق البرهان الهندسي لتلاميذ تلك المجموعة حيث (ت) المحسوبة بينهما (١٢,٨٣) وهي دالة عند مستوى (٠,٠١) وبمتوسط حسابي (١٠٨,٣٩) للمجموعة التجريبية الثانية مقابل (١٨٥,١) للمجموعة الضابطة ، وبالتالي انخفاض قلق البرهان الهندسي لتلاميذ المجموعة التجريبية الثانية أكثر من تلك تلاميذ المجموعة الضابطة . وبذلك يثبت صحة الغرض الخامس.

ويرجع الباحث ذلك إلى أن استخدام التعلم التعاوني في تدريس وحدة الهندسة المحايدة لتلاميذ المجموعة التجريبية الثانية جعل التلاميذ دائماً في وضع ايجابي وفعال واستجاباتهم أكثر وأسرع ، ومعاييرتهم للخبرات التعليمية أعمق ، بالإضافة إلى أن التعلم التعاوني أتاح الفرصة بين أفراد أو كل مجموعة للنقاش الشفوي في المفاهيم وال العلاقات الهندسية والأدوات المستخدمة وفي دور كل منهم ، مما وفر تغذية مرتجعة لجميع أفراد المجموعة ، وكذا توجيه المعلم وإشرافه يأتي في اللحظة السينكلولوجية المناسبة لعملية التعلم ، وكذا توفير النشاط والداعية للتلميذ ، ويتم التمييز بين المجموعات على أساس قدراتهم ومهاراتهم مما يحدث

بينهما روح التناقض فى الوصول إلى أسلوب البرهان الهندسى المناسب وحل المشكلة الهندسية، الأمر الذى رفع مستوى تحصيلهم للمفاهيم وال العلاقات الهندسية المتضمنة بالوحدة ، وكذا شعورهم بالأطمئنان إلى استنتاجاتهم مما خفض قلق البرهان الهندسى لديهم .

اختبار صحة الفرض السادس :

لأختبار صحة الفرض السادس الذى ينص على أنه " توجد علاقة ارتباطية سالبة بين التحصيل للمفاهيم وال العلاقات الهندسية بالوحدة المقترحة ، وبين قلق البرهان الهندسى فيها . توصل الباحث إلى النتائج المدرجة بالجدول التالي .

جدول (٩) يبين معاملات الارتباط ^(٤٧) بين نتائج الاختبار التحصيلي ، ومقاييس قلق البرهان الهندسى ، فى وحدة الهندسة المحايدة المقترحة لدى مجموعات البحث الثلاثة .

جدول (٩)

مستوى الدلالة	معامل الارتباط بين تلك البرهان الهندسى والتحصيل	البرهان المجموعة
دال عند مستوى .٠٠١	- .١٦	المجموعة التجريبية (١)
دال عند مستوى .٠١	- .٢٨	المجموعة التجريبية (٢)
دال عند مستوى .٠٠١	- .٤٣	المجموعة الضابطة

تبين من الجدول السابق أن هناك علاقة ارتباطية سالبة بين تحصيل المفاهيم وال العلاقات الهندسية بوحدة الهندسة المحايدة المقترحة ، وقلق البرهان الهندسى فكلما ارتفع مستوى قلق البرهان الهندسى في الهندسة المحايدة إنخفض مستوى التحصيل فيها ، والعكس صحيح ، حيث كان معامل الارتباط لدى تلاميذ المجموعة التجريبية الأولى (- .١٦)، وذلك في التطبيق البعدى للإختبار التحصيلي ومقاييس قلق البرهان الهندسى ، وكان معامل الارتباط لدى تلاميذ المجموعة التجريبية الثانية (- .٢٨)، وكان لدى تلاميذ المجموعة الضابطة (- .٤٣)، وهذه القيم لها دلالة إحصائية عند مستوى (.٠٠١). وبذلك يتحقق صحة الفرض السادس .

ويرجع الباحث ذلك إلى أن شعور التلاميذ بعدم الاستقرار والخوف من المجهول وهو حل المشكلة الهندسية ، وعدم الأطمئنان والثقة في أساليب البرهنة التي يستخدمونها للوصول إلى حل المشكلة ، يجعلهم غير قادرين على إدراك المعنى الطبيعي للمفاهيم الهندسية ، وأهميتها في تكوين العلاقات الهندسية ، ووضعها في مكانها الصحيح في أثناء البرهنة على صدق القضايا الهندسية ، وكذا عدم إدراك العلاقة بين المعطيات والمطلوب في التمرين الهندسي ، الأمر الذي كان له تأثير قوى في إخناض تحصيلهم لتلك المفاهيم والعلاقات الهندسية .

اللخصيات والمعترفات :

في ضوء ما أسفرت عنه نتائج البحث يوصى الباحث بما يلى :-

- ١ ضرورة أن تهتم مديريات التربية والتعليم المختلفة بالإشتراك مع كليات التربية في عقد دورات تدريبية لعلم رياضيات المرحلة الإعدادية للتدريب على تدريس مفاهيم وعلاقات الهندسة المحايدة باستخدام إستراتيجيات خرائط الشكل "٧" والتعلم التعاوني وإبراز العلاقة بين الهندسة الإقليدية واللاإقليمية ، وكذا توضيح أهمية وأهداف استخدام تلك الإستراتيجيات .
- ٢ أن يهتم المتخصصين ببناء المناهج (خبراء المناهج) في الرياضيات للمرحلة الإعدادية بإدخال مفاهيم وعلاقات الهندسة المحايدة ، ضمن محتويات المنهج ، مع تزويده المدارس بما يلزم من أنشطة تعليمية وأدلة رياضية للمعلمين ومعامل رياضية تساعده في تنفيذ ذلك .
- ٣ أن يخصص جزء نظري وعملي في مقرر طرق تدريس الرياضيات بكليات التربية المختلفة خاص بتدريب الطلاب المعلمين على كيفية (استخدام إستراتيجيات التدريس المختلفة بصفة عامة ، وخرائط الشكل "٧" والتعلم التعاوني بصفة خاصة في تدريس الهندسة بالمرحلة الإعدادية والمراحل التعليمية الأخرى . وذلك من خلال معمل الرياضيات وهو أحد فروع معمل الوسائل التعليمية يقوم بالتدريب فيه مدرس طرق تدريس الرياضيات ثم يؤدي الطلاب المعلمين ذلك من خلال التدريس المصغر ومتابعة تنفيذ ذلك في فترة التربية العملية .
- ٤ ضرورة الاهتمام بالجوانب الوجانبية في تدريس الهندسة وفي تطوير محتوى الكتاب المدرسي وفق الخصائص النفسية لنحو المتعلم .

-٥

الاهتمام بتقديم المفاهيم وال العلاقات الهندسية وابراز العلاقة بينهما قبل عملية التدريس وأثنائها ، وبعدها مع تصميم أسلمة للنقوش الفوري لما تعلمه التلاميذ والتركيز على الاسللة التي تهتم بجوانب الترجمة والتفسير والاستنتاج . والتى تثير التفكير لدى المتعلم وتوضح العلاقات المختلفة بين المفاهيم الهندسية من جانب دورها فى تكوين الحقائق والنظريات الهندسية من جانب آخر .

(٦)

الاهتمام بمكتبة المدرسة وتطعيمها بكتب ومجلات خاصة بتاريخ العلم وتاريخ الرياضيات بصفة عامة ، وتاريخ الهندسة ومراحل تطورها وما تعرضت له أسس الهندسة لـ أقليدس من نقد أدى إلى وجود الهندسة الالإقليدية ، والتمييز أسلوب المعالجة والمفاهيم الأساسية بصفة خاصة ، بشترط متابعة معلمى الرياضيات فى الاطلاع على هذه الكتب وذلك من خلال ملاحظة اثناء تدريس الموضوعات الهندسية المختلفة ذات الصلة بتاريخ الرياضيات ، وعقدا اختبارات متباude لقياس مستوى تفاقه الرياضية على ان يتم تخصيص اوقات محددة من جانب معلمى الهندسة لللتقاء بالللاميذ من خلال مايعرف بالساعات المكتبية .

-٧

لما كانت نتائج البحث قد اسفرت عن اختلاف استراتيجيى خرائط الشكل "V" والتعلم التعاونى فى خفض قلق البرهان الهندسى وتحصيل المفاهيم وال العلاقات الهندسية بوحدة الهندسية المحايدة المقترحة فإن الباحث يوحى بتنوع الاستراتيجيات التدريسية بما يتلاءم وتحقيق الاهداف التربوية ، وطبيعة الموضوعات الرياضية المختلفة .

بعون مقترحة :

يقترح الباحث اجراء الدراسات التالية :

-١

اعداد دراسة معاشرة للدراسة الحالية على وحدات هندسية اخرى من رياضيات المرحلة الثانية .

-٢

تدريس الرياضيات باستخدام استراتيجيى خرائط الشكل "V" والتعلم التعاونى للتلاميذ المرحلة الاعدادية واثر ذلك على تنمية التفكير الابداعى لديهم .

-٣

استخدام استراتيجيى خرائط الشكل "V" والتعلم التعاونى فى تدريس وحدة الهندسة المحايدة المقترحة لدى التلاميذ بطئ التعليم بالمرحلة الاعدادية .

- ٤- اعداد برنامج مقترن لتدريب معلمى الرياضيات بالمرحلة الاعدادية على استخدام استراتيچي خرائط الشكل "V" والتعلم التعاوني فى تعمية المهارات الرياضية .
- ٥- اعداد دراسة تتناول بناء وحدات من رياضيات متقدمة لتلاميذ المرحلة الاعدادية.
- ٦- اعداد دراسة يتم فيها تتبع التطور التاريخي لتدريس الهندسة خلال القرن العشرين .

العواوين

- ١ محمد أمين المفتى : طبيعة الرياضيات في : وليم عبيد وأخرون ، تربويات الرياضيات ، القاهرة دار أسامه للطبع ، الطبعة الأولى ، ١٩٨٨ ، ص ص ١٣-٢٢ .
 - ٢ Bkouche, R. : Dans : Groups - Inter - Irem D'epistemologie, La rigueur et le calcul , document historiques et epistemologique, paris, cedic, 1982 pp. 12-13.
 - ٣ فريد كامل ابو زينه : الرياضيات ، مناهجها واصول تدریسها ، الطبعه الثانيه ، دار الفرقان للنشر والتوزيع ، عمان ، الادرن ، ١٩٨٢ ، ص ٢٥ .
 - ٤ وليم عبيد ، عبد العظيم انبعش : مقدمه فى تاريخ الرياضيات الحساب والجبر، الفيروز للطباعة والنشر ، القاهرة ، ١٩٩٠/١٩٨٩ ، ص ١٥٦ .
 - ٥ بدیع توفیق ، عبد الهادی الاتبی : الهندسة ، مطابع مجموعه شركات الهلال ، القاهرة، نسخه تجربیة ، ١٩٨٧ ، ١٩٨٦ . ص ص ٣٧ - ٤١ .
 - ٦ محبات ابو عميرة : دور معلم الرياضيات في تنمية الابداع لدى الطلاب ، فى مراد وهبی : الابداع والتعليم العام ، المركز القومی للبحوث التربوية والتنمية ، القاهرة ، ١٩٩١ ، ص ص ٢١٤-٢١٥ .
 - ٧ يحيى حامد هندام : تدريس الهندسة النظرية ومقومات البرهان المنطقى ، ط ٢ ، القاهرة ، دار النهضة العربية ، ١٩٨٢ ، ص ١٦ .
 - ٨ وليم عبيد وأخرون : تربويات الرياضيات ، القاهرة ، الأنجلو المصرية، ط ٢ ، ١٩٨٩ ، ص ١٧٢ .
 - ٩ محبات أبو عميرة : مرجع سابق ، ص ٢١٤ .
 - ١٠ محمد على الملق وأخرون : طرق تدريس الرياضيات ، الكتاب الثاني ، إدارة الكتب المدرسية ، وزارة المعارف ، المملكة العربية السعودية ، ١٤٠٠ هـ ، ص ص ١٤٢-١٤١
- (11) Novak, Joseph . D . and Gowin, D . - Bob : Learning how to learn, New York, Cambridge University Press, 1984, P . 55 .

- (12) Novak , Joseph . D., Gowin , D.Bob , and Johansen, G.T. "The use of concept Mapping and knowledge Vee mapping with Junior High school science students , Science Education , vol , 67 , No . 5 , 1983 , p . 627 .
- (13) Novak , Joseph .. D . , and Gowin , D - Bob : " Learning how to Learn " OP. CiT, PP. 111 -112.
- (14) Novak, Joseph, D, : " Vee Mapping as a Research tool " A two Hour Workshop Unpublished Manvscript, Ny , Ithaca University, 1984, P. 19.
- (15) Novak, Joseph, D., and Gowin, D.Bob, and Johansen, G.T.: " Thevse of concept Mapping and know ledge vee Mapping with junior High school science students, op.cit, pp : 627-628.
- 16) Novak, joseph, D, : "Meaningful Reception Learning as Basis for Rational Thinking" AE Ts year Book, the psychology of teaching for thinking and creativity, Eric, 1980, P. 192 .

(١٧) فتحية حسني محمد : " فاعلية اسلوب التعلم التعاوني على التحصيل الدراسي في مادة الدراسات الاجتماعية لدى تلميذ الصف الخامس الابتدائي ، دراسات تربوية ، المجلد العاشر ، العدد (٧٠) ، ١٩٩٤ ، ص ١٧٢ .

- 18) Artzt, A.F. and Another, : Cooperative Learning Mathematics Tacher, Sptember, 1990, P. 448.
- 19) Omstein, Allan. C. : Strategies For Effective Taching , New York, 1990, P. 422.

(٢٠) يوسف قطامي ونایفه قطامي : نماذج التدريس الصغر ، عمان ، مكتبة زهران ، ١٩٩٣ ، ص ٢٤٥-٢٤٦ .

- 21) Brush, Loreici, R. " Some Thoughts for Teachers on Mathematics Anxiety", Arith Metic Teacher, vol. 29, No, 4 , December, 1981,PP,37-39.

(٢٢) راجع

Novak, Joseph, D, and Gowin, D. Bob: Learning How to Learn, op.cit, 1984.

Novak, Joseph, D. and Gowin . D. Bob : Constructing Vee Maps for Clinical Interviews on Molecule Concepts, Science Education, Vol. 68, No.4 , 1984, PP : 44I - 463.

(٢٣) راجع

- Artzt, A.F.R. Anot her, : op. Cit

يوسف قطامي ، ونایفة قطامي : مرجع سابق .

Manning, M, & Lucking, R. : " The what, why and , How Cooperative Learning. The Social Studies , " Vol. 82., No. 3, 1991, P.(120).

كوثر كوجك : التعلم التعاوني أستراتيجية تدريس تحقق هدفية ، دراسات تربوية ، القاهرة : المجلد السابع ، العدد ٤٣ ، ١٩٩٢ ، ص ٢١ .

(٢٤) راجع

عبد الحميد جابر ، علاء الدين كفافي : معجم علم النفس والطب النفسي ، القاهرة ، دار النهضة العربية ، ج ٣ ، ١٩٩٠ ، ص : ١٢٠٠ .

Clute, pamela, . S. : " Mathematics Anxiety Instructional Method and Achievement in asurvey course in college Mathematics Journal for Research in Mathematics Education Vol, 15, No. 1 , 1984, pp. 50 - 58.

شكري سيد احمد : قلق التحصيل فى الرياضيات وعلاقته ببعض السمات النفسية والشخصية والمعرفية لدى عينه من الطلاب الخليجين الجامعيين الجدد "المجلة العربية للعلوم الإنسانية ، العدد الثاني والثلاثون ، المجلد الثامن ، تصدر عن جامعة الكويت ، ١٩٨٨ ، ص ص: ١٣٦- ١٧٧ .

- 25) taylor, Marth Robertson : " Changing the Meaning of experience Empowering Learning Through the use of Concept Maps, vee Diagrams and Principles of Education Lab . Course", D.A.I , vol.46,No.8, 1985,p : 2255.
- 26) Lethman, James. D., Carter, Charlotte, and Kahle, J.B. : "Concept Mapping, vee Mapping and Achievement . Result of a field study with Black High school students" , Journal of Research in Science Teaching, vol.22,No.9,1985,P.667.
- (٢٧) فاطمة مصطفى رزق : فعالية التدريس بخريطة الشكل "V" على تحصيل الفيزياء لدى طلاب الفرقة الرابعة شعبة الطبيعة والكيمياء لكلية التربية ، جامعة طنطا ، رسالة ماجستير غير منشورة ، ١٩٨٨ .
- (٢٨) صبحي حمدان أبو جاللة : فعالية استخدام الشكل "V" في الدراسة المعملية في التحصيل و عمليات العلم على عينة من طلاب الصف الأول الثانوى وإتجاهاتهم نحو دراسة التاريخ الطبيعي (الأحياء) بدولة قطر ، رسالة دكتوراه غير منشورة ، كلية التربية ، جامعة طنطا ، ١٩٩١ .
- (29) Soyibo, kola,: " Impacts of Concept and Vee Mapping and Three Modes of Class Interaction on Students Performance in Genetics", Educational Research ,vol .33. No.2, Summer, 1991, pp : 113- 120.
- (30) Negangard, Andrea : " The Effects of Cooperative Learning Versus Lecture Discussion on Student Attitudes and Achievement in a Mathematics Methods Course for Pveservice Elementary School Teachers" , D.A.I , August,1992, P.470-A.
- (٣١) مدحية حسن محمد عبد الرحمن : "فعالية استخدام استراتيجية التعلم التعاوني على تحصيل تلاميذ المرحلة الابتدائية للرياضيات " ، مجلة كلية التربية ، بأسيوط ، المجلد الثاني ، العدد التاسع ، يونيو ١٩٩٣ ، ص ٥٥٧ .

(٣٢) محمد مسعد نوح : " دراسة تجريبية لأثر التعلم التعاوني في تحصيل تلاميذ الصف الثاني الإعدادي للمهارات الجبرية ، الكويت ، المجله التربوية ، المجلد السابع والعشرون ، ١٩٩٣ ، ص من ١٣١-١٦٣ .

(٣٣) يسرى دنيور : فعالية استخدام خريطة الشكل "V" في تدريس الفيزياء ، رسالة ماجستير ، كلية التربية - جامعة الزقازيق ، ١٩٩٣ .

(٣٤) المهدى محمود سالم : تأثير استراتيجيات التعلم التعاوني على التحصيل الأكاديمى والتغير المفاهيمى فى العلوم لطلاب الصف الثامن من التعليم الأساسي ، المؤتمر الأول للعلوم النفسية والتربية ، التربية والتغير الاجتماعي فى مصر بين النظرى والتطبيق ، جامعة طنطا ، كلية التربية بكفر الشيخ ، فبراير ، ١٩٩٤ ، ص ٢٦-١ .

(٣٥) فريد أبو زينة ، محمد خطاب : أثر التعلم التعاوني على تحصيل الطلبة فى الرياضيات واتجاهاتهم نحوها ، مجلة كلية التربية ، جامعة الإمارات العربية المتحدة ، العدد الحادى عشر ، ١٩٩٥ ، ص من ٢٢٣-٢٦٣ .

- (36) Irwin . G. & Sarason : Test Anxiety and intellectual performance, Journal of Abnormal and Social Psy Chology, vol.66, No.1, 1961. PP 73-75.
- (37) Allan Wigfield & Judith L.Meece : Mat. Anxiety in Elementary and Secondary School Students, " Journal of Educational Psychology, 1988, Vol . 80,No.2- P.12o.
- (38) Frye, E.W. the Effect of Knowledge of level of Mathematics Basic Skills on Math . Auxiety, Unpublished Doctoral Disse Rstation, west Virginia University 1983.

- (39) Byrd, P.G. A Descriptive Study of Mathematics Anxiety : its Nature and Antecedents. Unpublished Doctorl Dissertation, Indiana University, 1982.

(٤٠) شكري سيد احمد : مرجع سابق ، ص ١٤٢ .

- (41) Shaughnessy, J. etal : "Relations of Variables of Attitude Toward Mathematics" School Science and Mathematics, Vol. 8, No.3.1983.PP.21-37.

- (42) Clute, Pamela. S. "Mathematics Anxiety Instructional Method and Achievement in Asurvey Course in College Mathematics, Journal for Research in Mathematics Education, vol. 15,No.1,1984,PP 50-58

(٤٣) شكري سيد احمد : مرجع سابق

- (44) Wighfield, . A. Meece, J.L. "Math. Anxiety in Elementary and Secondary School Students" Journal of Educational Psychology, Vol. 80, No "2" 1988. PP.210-216.

- (٤٥) لطفي مخلوف : أثر استخدام بعض استراتيجيات الاستئثار على حل طلاب المدرسة الاعدادية للمشكلات الهندسية واختزال قلقهم الرياضي ، دراسات تربوية ، المجلد الخامس ، الجزء (٢٧) ، ١٩٩٠ ، ص ص ٢٤٣ - ٢٧٢ .

(٤٦) فتحى عبد الحميد ، محمود مراد : الاتجاه نحو معام الرياضيات وعلاقته بقلق التحصل على التحصل فى الرياضيات ، مجلة البحوث النفسية والتربوية ، العدد الثاني ، ١٩٩٢ ، ص ٥٧ - ٩٤ .

(٤٧) أحمد سليمان عودة - خليل يوسف الخليلى : الإحصاء للباحث فى التربية والعلوم الإنسانية ، الأردن ، عمان ، دار الفكر للنشر والتوزيع ، ١٩٨٨ ، ص ١٤١ .